بررسي انتقال حرارت ذرات يليمري در راکتور یلیمریزاسیون فازگازی با تحليل CFD

یعقوب بهجت'، محمدعلی دهنوی'، شاهرخ شاهحسینی'* و سیدحسن هاشمآبادی'
 ۱ - دانشگاه علم و صنعت ایران، دانشکده مهندسی شیمی
 ۲ - دانشگاه امام حسین (ع)، دانشکده علوم و مهندسی، گروه مهندسی شیمی
 Shahrokh@iust.ac.ir



واژه های کلیدی: شبیه سازی، دینامیک سیالات محاسباتی (CFD)، انتقال حرارت، پلیمریز اسیون الفین ها

چکیدہ

در این مقاله از دینامیک سیالات محاسباتی (CFD) برای بررسی انتقال حرارت از ذرات پلیمر، در راكتورهاى فاز گازى پليمريزاسيون الفينها، تحت شرایط مختلف استفاده شده است. در این بررسی نشان داده شده است که روابط کلاسیک، مثل رابطه Ranz-Marshall، برای حالتی که ذرات پلیمر روی یکدیگر برهمکنش ندارند، دقیق می باشد. اما زمانی که بر همکنش ذرات پلیمر در نظر گرفته می شود، این روابط در محاسبه مقدار انتقال حرارت دارای خطای زیادی میباشند. اثر پارامترهای مختلف، همانند قطر ذرات، سرعت گاز و شکل ذرات پلیمر بر روی مقدار ضریب انتقال حرارت بررسی شده است. همچنین اثر پیکربندی و فاصله ذرات از یکدیگر بر مقدار عدد Nu روی سطح ذره پلیمری نیز آورده شده است. با انجام شبیهسازی CFD و بررسی نتایج، نشان داده شده است که انتقال حرارت جابجایی تنها عامل انتقال حرارت از ذرات ریز پلیمر با فعالیت زیاد نیست و انتقال حرارت هدایتی در ذرات ریز يليمر نيز حائز اهميت است.

مقدمه

در پليمريز اسيون الفين ها در فاز گازي، ذرات ريز كاتاليست (۸·μm) از محلی در بالای توزیع کننده گاز وارد میشوند و وقتی در معرض جریان گاز حاوی منومر قرار می گیرند، واکنش پلیمریزاسیون اتفاق میافتد. در مراحل اولیه پلیمریزاسیون، نیروهای هیدرولیکی ایجاد شده ناشی از تشكيل پليمر، موجب شكسته شدن ذره كاتاليست به تعداد زیادی ذرات ریزتر میشود که سریعاً توسط پلیمر تازه تشکیل، احاطه شده و بهطور مداوم رشد میکند تا به اندازه μm ۳۰۰۰–۲۰۰ برسند. به علت اختلاف در اندازه ذرات يليمر، فرايند تفكيك اتفاق مى افتد. به اين صورت که ذرات یلیمر کاملاً رشد یافته به سمت یایین رفته و از راکتور خارج میشوند و ذرات کوچکتر پیش پلیمر همچنین ذرات کاتالیست به سمت بالای راکتور حرکت کرده و پیوسته با منومر ترکیب می شوند. از آنجائی که واكنش يليمر يزاسيون الفينها، يك واكنش فوقالعاده گرمازا با گرمای پلیمریزاسیون ۱۰۰ – ۱۰۰ است، دمای يليمر شروع به بالا رفتن ميكند. گاهي اوقات اين دما از نقطه ذوب پليمر نيز تجاوز كرده و باعث مىشود ذرات پلیمر در حین برخورد، به همدیگر بچسبند و تشکیل یک

^{1.} Segregation

پر **روش نفت •** شماره ۵۵

توده بزرگ دهند. این پدیده موجب غیر سیالسازی راکتور میشود. بنابراین کنترل انتقال حرارت و دمای موضعی در سطح ذره، بسیار حائز اهمیت است [٦-1].

بهدلیل گرمازا بودن واکنش پلیمریزاسیون، میزان حرارت تولید شده در داخل و اطراف ذرات در حال رشد، میتواند خیلی خطرناک باشد. چون معمولاً واکنش در دمای ۲۰۹۰ - ۸۰ انجام می گیرد و نقطه ذوب پلیمر بسته به ترکیب درصد آن بین ۲۰۵۳ - ۱۰۰ متغیر است. بنابراین مدلسازی انتقال حرارت راکتور بهمنظور جلوگیری از ذوب پلیمر و از کار افتادن راکتور حائز اهمیت فراوان است [۳،۷۸ و ۹].

فلوید و همکارانش از اولین افرادی هستند که بررسیهای نسبتاً عمیقی در خصوص انتقال حرارت در داخل و اطراف یک ذره کاتالیست تازه و ذرات پلیمر در حال رشد، انجام دادهاند. آنها اشاره کردهاند که مسئله انتقال حرارت در واکنشهای فاز گازی نسبت به واکنشهای فاز مایع یا دوغابی از اهمیت بیشتری برخوردارند [۱۰].

قسمت اعظم تحقیقات منتشره در ارتباط با پلیمریزاسیون الفینها، با تکیه بر روابط کلاسیک مهندسی شیمی، مثل روابط Ranz-Marshall جهت پیش بینی ضرایب انتقال حرارت و انتقال جرم در اطراف یک ذره در حال رشد، انجام شده است. مککنا^۲ و همکارانش اشاره کردهاند که روابط موجود برای بررسی انتقال حرارت در سیستمهای کاتالیستی مدرن به سه دلیل عمده زیر مناسب نمی باشند [۳ و ۱۱]:

۱ – روابط موجود برای تخمین ضرایب انتقال حرارت
 بر مبنای ذراتی با قطر حداقل چند صد میکرون یا بیشتر
 است. (قطر اولیه ذرات در فرایند پلیمریزاسیون الفینها
 حدود μm

۲ – در این مدلها فرض بر این است که حرارت خارج شده از ذرات در حال رشد، صرفاً از طریق مکانیسم جابجایی صورت می گیرد.

۳ – مدلهای استفاده شده برای پیشبینی چگونگی خروج حرارت از سیستم پلیمریزاسیون، نمیتواند برهمکنشهای ذرات با محیط اطرافشان را در برگیرد.

1 . Floyd

٤ - به علت مقیاس های طولی و زمانی فوق العاده کوچک در این قبیل سیستم ها، تعیین مکانیسمی که انتقال حرارت واقعی موجود در این سیستم ها را به صورت فیزیکی بیان کند، خیلی مشکل است. به دلایل مذکور، از دینامیک سیالات محاسباتی^۲ به دلایل مذکور، از دینامیک سیالات محاسباتی^۲ مطالعه استفاده شده است [۳].

فرمولاسيون مسئله

شکل ۱ نمای سادهای از نحوه عبور جریان از روی کاتالیست را نشان میدهد. همانطور که مشاهده می شود، گاز با دمای T₀ از روی ذره پلیمری عبور کرده و گرمای حاصل از واکنش پلیمریزاسیون را انتقال میدهد.



شکل ۱- نمای ساده حرکت گاز روی ذره کاتالیست

معادلات مدل، شامل موازنه مومنتوم برای گاز و موازنه انرژی برای گاز و ذره، بهصورت زیرمی باشند [۳، ۹ و ۱۲]:

$$\rho \frac{DV}{Dt} = -\nabla P + \mu \nabla^2 V + \rho g \tag{1}$$

$$\rho \cdot C_P \frac{DT}{Dt} = K \nabla^2 T \tag{(Y)}$$

که ترم مشتق'
$$\left(rac{D}{Dt}
ight)$$
 در معادلات بالا بهصورت زیر
تعریف می شود.

$$\frac{D}{Dt} = \frac{\partial}{\partial t} + V_x \frac{\partial}{\partial x} + V_y \frac{\partial}{\partial y}$$
(°)

^{2.} Mckenna

^{3.} Computational Fluid Dynamic

^{4.} Substantial Time Derivative

شرایط مرزی برای معادلات بدین صورت است که، دما روی سطح ذره برابر یک مقدار ثابت و سرعت در روی سطح ذره پلیمری برابر با صفر در نظر گرفته شده است.

$$U, V = 0 \quad at r = D/2 \tag{(1)}$$

$$T = T_{surf}$$
 at $r = D/2$ 9

شبیهسازی CFD انتقال حرارت ذرات پلیمر معادلات (۱) و (۲) با استفاده از شرایط متنوع و خواص سیال تعریف شده در جدول ۱، به منظور محاسبه مقادیر عدد ناسلت، همراه با میدانهای دما و جریان، برای مطالعه مکانیسم انتقال حرارت حل شدهاند. همچنین در استفاده از محاسبات عددی سعی شده است که محاسبات، مستقل از شبکهبندی باشند. از آنجایی که مشاهده مستقیم تمامی پدیدههای موجود در این مسایل خیلی مشکل است، تصمیم گرفتهشد که رفتار ذره پلیمری در شرایط ایدهال شبیهسازی شود. برای این منظور از نرمافزار FEMLAB برای محاسبه گروههای مختلف مرتبط با ضرایب انتقال حرارت استفاده شد. این محاسبات اطراف یک، دو و سه ذره با اندازههای

مدلسازي	د ای	ذرات	ىىك يندى	ها و	بار امتر	حدول ۱-
	برحى		يياحر بسوى		چر معر	

مقدار	پارامتر		
۲٥-۸۰۰ μ m	اندازه ذره پلیمری		
•/•0-•/٣M	سرعتهای نسبی گاز		
۲٤Kg/m³	دانسيته فاز گاز		
۰/۰۰۰۰۱۱٤Kg/m.s	ويسكوزيته فاز گاز		
۰/۰۲۱٤W/m.K	ضریب هدایت حرارتی فاز گاز		
۳٦٠К	دمای گاز ورودی		
۱ ذره منفرد ۲ ذره با فواصل مختلف از هم ۳ ذره با آرایش مثلثی با فواصل مختلف از هم	پیکربن <i>دی</i> ' ذرات		

1. Configuration

$$\operatorname{Re} = \frac{D\rho u}{\mu}, p_r = \frac{\mu c_p}{k_f} \tag{1}$$

به خاطر استفاده گسترده از رابطه بالا و این واقعیت که به کارگیری رابطه (R-M) برای موقعیت های چند ذره ای مشکل است، در ابتدا درستی و صحت آن تحت شرایط گفته شده بررسی می شود. برای این کار عدد ناسلت به دست آمده از محاسبات CFD برای یک ذره و دو ذره محاسبه و نتایج آن با نتایج بدست آمده از رابطه R-M مقایسه شده است.

طبق تعریف، با توجه به پروفایل توزیع دما در جریان گاز، مقدار عدد ناسلت موضعی روی سطح ذره از رابطه (۷) محاسبه می شود[۲ و ۳].

$$Nu = \frac{q''}{\left(T_s - T_\infty\right)} \frac{2R}{K_f} \tag{V}$$

$$q'' = K_f \frac{\partial T_g}{\partial r} \bigg|_{S} \tag{A}$$

میدانهای دما و جریان در شکل ۲ برای سه ذره پلیمری با آرایش مثلثی واقع در میدان جریان، آورده شده است.



پر **وشرنفت •** شماره ۵۵

شده توسط رابطه R-M است. این بدین معناست که استفاده از رابطه R-M منجر به پیش بینی مقدار بیشتری برای عدد ناسلت، در سطح ذره در سیستمهای ذرات نزدیک به هم می شود، در نتیجه ضرایب انتقال حرارت جابجایی با مقدار بالاتری پیش بینی می شود. در شکل ٤ و ٥ اثــر عوامل اندازه ذرات و ســرعت گاز بر مقدار عدد ناسلت آورده شده است. عدد ناسلت گزارش شده بر حسب یک عامل بدون بعد (x/d) آورده شده است. همان طور که مشاهده می شود، با افزایش قطر ذره و سرعت گاز مقدار عدد ناسلت افزایش می یابد. علت این امر، افزایش سطح تماس ذره و افزایش عدد رينولدز در اثر افزايش سرعت گاز است. اما در روى سطح ذره پلیمری در یک قطر و سرعت ثابت مقدار عدد ناسلت روند کاهشی دارد. حداقل مقدار عدد ناسلت در نقطه جدائی سیال در روی سطح ذره اتفاق می افتد. اما به علت تشکیل گردابه ها در یشت ذره پلیمری و افزایش آشفتگی جریان، مقدار عدد ناسلت در پشت ذره پلیمری روند صعودی دارد.

اثر شكل ذره پليمري و موقعيت آن نسبت به جهت جريان

نتایے حاصل از محاسبات CFD با نتایے رابطه R-M در شکل ۳ برای یک ذره منفرد مقایسه شده است. ملاحظه می شود که نتایج CFD، با رابطه -R M برای یک ذره منفرد تطابق خوبی دارد. با افزایش عدد رينولدز، مقدار عدد ناسيلت نيز زياد مي شود. در شــرايط ۱۸ = ^۲٬۰٬۳ Re^{، م}قدار عدد ناسـلت متوسط بهدست آمده از محاسبات CFD برای ذراتی که با هم در تماس می باشیند بر ابر با ٤/٧ است. هم چنین مقدار عدد ناسلت متوسط در همان شرایطPr ^۱ Re^{1/4} = ۱۸، برای ذراتی که به فاصلیه معادل قطر ذره از هم قرار دارند، برابر با ۲/۳ می باشد. در حالی که رابطه R-M مقدار عدد ناسـلت مسـاوی با ۱۲/۸ را برای این حالت پیش بینی می کند. با توجه به نتایج بدسـت آمده، مشـخص است که مقدار متوسط عدد ناسلت با استفاده از محاسبات CFD در حالتی که برهمکنش میان ذرات پلیمر وجود دارد، کمتر از مقدار عدد ناسلت برای ذرهای منفرد بدون وجود برهمکنش محاسبه شده توسط رابطه -R M و یا نتایج CFD است. در واقع برای ذرات در حال تماس، مقدار عدد ناسلت کمتر از نصف مقدار محاسبه



شکل۳- مقایسه مقادیر عدد ناسلت متوسط محاسبه شده بین نتایج CFD و روابط تجربی







شکل۵- عدد ناسلت بر حسب نسبت بدون بعد (x/d) برای سرعتهای مختلف با قطر ۸۰۰ /

است. علاوه بر این، مقدار متوسط عدد ناسلت برای ذرات همجهت با جریان، کمی بیشتر از مقدار این عدد برای ذرات غیر همجهت با جریان سیال است. در شکل ۷ و ۸ اثر پیکربندی و فاصله ذرات بر روی مقدار Nu روی سطح ذره پلیمری آورده شده است. لازم بر مقدار عدد ناسلت در شکل ۲ آورده شده است. نسبت قطر اصلی به قطر فرعی در ذره پلیمری بیضی شکل، ۲ به ۱ میباشد. ملاحظه میشود که مقدار عدد ناسلت در اولین نقطهای که به ذره برخورد میکند به شدت متاثر از شکل ذره پلیمر و موقعیت آن نسبت به جهت جریان



دو ذره صفر است. بنابراین محل تشکیل نقطه داغ، در میان دو ذره پلیمری در حال تماس است. همچنین با افزایش فاصله ذرات، میزان برهمکنش آنها نسبت به هم کمتر شده و این امر باعث می شود که مقدار عدد ناسلت ذره دوم به مقدار ذره منفرد نزدیکتر شود. با توجه به نتایج بهدست آمده در شکلهای ۷ و ۸

مشخص است که در حالتی که دو ذره پشت سرهم قرار

به ذکر است که در شکل ۷ و ۸ مقدار عدد ناسلت گزارش شده برای ذره دوم به منظور بررسی برهمکنش ذره اول است. در این حالت قطر ذرات پلیمری ۸۰۰۴۳ در نظر گرفته شده و فرض می شود که ذرات در دمای ثابت ۳۸۰K زمانی که سرعت گاز ۰/۲m/s می باشد، قرار دارند. مشاهده می شود که وقتی ذرات با هم تماس دارند، مقدار موضعی انتقال حرارت در محل تماس



شکل۷- عدد ناسلت بر حسب نسبت بدون بعد (x/d) برای فواصل مختلف ذرات



شکل۸– عدد ناسلت بر حسب نسبت بدون بعد (x/d) برای فواصل مختلف ذرات در آرایش مثلثی

دارند، وقتی فاصله آنها ٤d است (مرکز تا مرکز ذرات پلیمر) میتوان از برهمکنش ذرات صرفهنظر کرد و از روابط کلاسیک انتقال حرارت استفاده نمود. این در حالی است که در آرایش مثلثی، وقتی ذرات پلیمر به فاصله ۱/۵d از هم قرار میگیرند، برهمکنش آن ها قابل صرفهنظر است.

در شکل ۹ مقادیر عدد ناسلت برای دو قسمت مختلف ذره پلیمری، در حالت آرایش مثلثی و ذره منفرد آورده شده است. مشاهده می شود که مقدار عدد ناسلت در نیم کرهای که بین دو ذره پلیمری ۲و ۳ احاطه شده (نیم کره بالایی ذره ۲) بسیار کمتر از مقدار عدد ناسلت در نیم کره پایینی ذره ۲ است. این اختلاف ناشی از تغییر میدان جریان به علت حضور ذره اول می باشد.

همچنین مقدار عدد ناسلت برای نیمکرههای بالایی و پایینی ذرات ۲و۳با مقدار عدد ناسلت برای نیمکرههای بالایی و پایینی ذره اول مقایسه شده است.

نتایج، برای محاسبات عدد پکلت (Pe) برای ذره منفرد با اندازههای مختلف قطر ذرات در میدان جریان گاز در شکلهای ۱۰ و ۱۱ نشان داده شده است. محاسبه Pe در طول شعاع عمود بر حرکت جریان سیال انجام شده است. در اینجا d/x موقعیت شعاعی بدون بعد است، بهطوریکه ۰= d/x مرکز ذره و ۰/۰= d/x سطح ذره و ۱= d/x نقطهای است که به اندازه شعاع از سطح ذره دور است. عدد پکلت که بیانگر نسبت انتقال حرارت جابجایی به انتقال حرارت هدایتی است،



شکل ۹– عدد ناسلت بر حسب نسبت بدون بعد (x/d) برای ناحیههای متفاوت ذرات در آرایش مثلثی

بهصورت معادله ۹ تعريف مي شود:

$$Pe = \frac{D\rho u C_P}{k_f} \tag{9}$$

شکلهای ۱۰ و ۱۱ نشان میدهند، زمانیکه ۱<<Pe است، برای ذرات بزرگ، مقدار این عدد در نزدیکی سطح ذره افزایش مییابد. این بدان معناست که برای ذرات بزرگتر بهعلت کوچک بودن ضخامت لایه مرزی در مقایسه با اندازه ذره، انتقال حرارت از طریق جابجایی انجام میشود. عکس این مسئله برای ذرات ریز در سرعت کم جریانهای آزاد، صادق است و بهعلت هم اندازه بودن ضخامت لایه مرزی با اندازه

نتيجەگىرى 700 800 µm 600 Flow direction 0 500 0.5 1 500 µm 400 Pe 300 250 µm 200 50 µm 25 µm 100 100 µm 0 0.55 0.6 0.65 0.7 0.75 0.8 0.85 0.95 0.5 0.9 1 x/d

شکل ۱۰- عدد پکلت (Pe) بر حسب نسبت بدون بعد (x/d) برای اندازه ذرات مختلف با سرعت ۲۰/۲m/s



شکل ۱۱- عدد یکلت (Pe) بر حسب نسبت بدون بعد (x/d) برای سرعت های مختلف گاز

اهمیت پیدامیکند. برای ذره با قطر ۲۵μ۳، مشاهده میشود که لایه مرزی مومنتوم احاطه کننده ذرات، غالباً با شعاع ذره همضخامت است.

ذره، انتقال حرارت هدایتی نیز در انتقال حرارت از ذره ریز

در این جا انتقال حرارت هدایتی اهمیت پیدا می کند. این امر یک نتیجه مهم است، چرا که تمام روابط در دسترس برای محاسبه Nu تنها برای ذرات بزرگ توسعه داده شدهاند. بنابراین فرض این که تمام حرارت از طریق جابجایی انتقال می یابد، برای ذرات بزرگ معتبر است. این فرض برای ذرات در مراحل اولیه پلیمریزاسیون با قطر کم، زیاد اعتبار ندارد.

در این مقاله از دینامیک سیالات محاسباتی (CFD) برای بررسی انتقال حرارت از ذرات پلیمر در راکتورهای فاز گازی پلیمریزاسیون الفینها در قطرها و سرعتهای مختلف استفاده شده است. در این بررسی نشان داده شده است که روابط کلاسیک همانند رابطه Ranz-Marshall برای حالتی که ذرات پلیمر با هم برهمکنش ندارند، دقیق است. اما زمانی که برهمکنش میان ذرات پلیمر در نظر گرفته شود، این روابط در محاسبه ضریب انتقال حرارت خطای زیادی دارند. همچنین اثر عواملی چون قطر ذرات، سرعت گاز و شکل ذرات پلیمر بر مقدار ضریب انتقال مرارت بررسی شده است. اثر پیکربندی و فاصله ذرات از هم بر روی مقدار Nu در سطح ذره پلیمری نیز بررسی و ارائه شده است. با توجه به نتایج بدست آمده، ملاحظه می شود که وقتی ذرات با هم تماس دارند، مقدار موضعی

> ρ : دانسیته فاز گاز (kg/m³) V: بردار سرعت گاز (m/s) T: دمای گاز (K) K_f : ضریب هدایت حرارتی گاز (W/ms) Re : عدد رینولدز Pr : عدد یرانتل

انتقال حرارت صفر است و نقطه داغ در میان دو ذره تشکیل می شود. همچنین در حالتی که دو ذره پشت سرهم قرار دارند، وقتی ذرات پلیمر به فاصله 2۵ (مرکز تا مرکز) از یکدیگر قرار می گیرند، می توان از برهمکنش ذرات صرفه نظر کرد. در این حالت از روابط کلاسیک انتقال حرارت استفاده می شود. این در حالی است که در آرایش مثلثی ذرات، وقتی ذرات پلیمر به فاصله ۱/۵d از هم قرار می گیرند، برهمکنش ذرات قابل صرفه نظر است. با انجام شبیه سازی CFD و بررسی نتایج، نشان داده شده است که انتقال حرارت جابجایی تنها عامل انتقال حرارت است که انتقال حرارت جابجایی تنها عامل انتقال حرارت از ذرات ریز پلیمر با فعالیت زیاد نبوده و انتقال حرارت هدایتی نیز در ذرات ریز پلیمر، حائز اهمیت است. علایم و نشانه ها

> C_P: ظرفیت حرارتی گاز (j/kgK) *H* : ویسکوزیته گاز (kg/ms) Nu : عدد ناسلت D : قطر ذره (m) **منابع**

[2] T.F. McKenna, D. Cokljat, and P. Wild, *CFD Modeling of Heat Transfer During Gas Phase Olefin Polymerization, Comput.* Chem. Eng., 22, S285-S292, 1998.

[3] T.F. McKenna, R. Spltz, and R. Cokljat, *Heat Transfer from Catalysts with Computational Fluid Dynamics*, AIChE Journal, Vol. 45, No. 11, 2392-241, 1999.

[4] R. Fan, D.L. Marchisio, R. O. Fox, *Application of the direct quadrature method of moments to polydisperse gas - solid fluidized beds*, Powder Technology, 139, 7–20, 2004.

[5] H. Hatzantonis, A. Goulas, C. Kiparissides, *A comprehensive model for the prediction of particle-size distribution in catalyzed olefin polymerization Buildized-bed reactors*, Chem. Eng. Sci., Vol. 53, No. 18, pp. 3251-3267, 1998.