

توسعه شبیه‌ساز نفت سیاه با استفاده از شبکه‌بندی بی‌سازمان هوشمند

فروغ عاملی^۱ و بهرام دبیر^۲

۱- دانشکده مهندسی شیمی، نفت و گاز، دانشگاه علم و صنعت، تهران، ایران

۲- دانشکده مهندسی شیمی، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران، ایران

تاریخ پذیرش: ۹۴/۲/۹ تاریخ دریافت: ۹۳/۸/۱۵

چکیده

بررسی جریان دوفازی در مخزن، نقش مهمی در مدیریت و پیش‌بینی عمل کرد مخازن نفتی و گازی دارد و شامل حل معادلات غیرخطی، ترکیبی ووابسته به زمان در مخازن ناهمگن است. مهم‌ترین موضوع در این باره شبکه‌بندی مخزن برای دسترسی به بهترین پاسخ است. تولید دقیق شبکه محاسباتی با توجه به ویژگی‌های سیستم همواره یکی از نکات کلیدی در دست‌یابی به پاسخ‌های مناسب محاسباتی است؛ لذا مهم‌ترین موضوعی که در این مقاله درباره آن بحث شده ارایه الگوریتمی مناسب به عنوان عامل کلیدی برای دست‌یابی به پاسخ مناسب است. در این تکنیک برای نخستین بار با ترکیب ویژگی‌هایی چون توزیع عبورپذیری در مخزن، مکان چاهها و بررسی مسیرهای کلیدی جریان به تولید شبکه زمینه پرداخته شده است و با یکی از روش‌های رایج تولید شبکه به تولید شبکه محاسباتی بی‌سازمان پرداخته می‌شود. مدل دوفازی برمبنای فرمولاسیون حجم محدود توسعه یافته و با مدل ریزسلول مقایسه شده است.

کلمات کلیدی: شبکه‌بندی هوشمند، میدان عبورپذیری، خطوط جریان، شبیه‌سازی نفت سیاه، فرمولاسیون حجم محدود.

محدودیت‌های روش تفاضل محدود، در سال‌های اخیر از روش‌هایی دیگر به این منظور استفاده شده که شامل شبکه‌بندی مبتنی بر جریان هستند که در مناطقی با دبی بالاتر ریزتر شده‌اند تا پاسخی دقیق‌تر از مخزن واقعی به دست آید. درلوسک یاز جمله کسانی بود که در این زمینه مطالعاتی را انجام داده است [۱-۴]. هم‌چنین از روش‌های خطوط جریان برای غلبه بر مشکلات احتمالی ناشی از تغییرات سرعت در مسیر شکاف‌ها یا مناطق با عبورپذیری بالا استفاده شده است [۵-۸].

مقدمه

در سال‌های اخیر فعالیت‌های بسیاری در زمینه شبیه‌سازی مخازن نفتی انجام شده‌اند. با ارایه این شبیه‌سازی‌ها می‌توان به بازدهی بالاتر و بهبود اقتصادی در زمینه فعالیت‌های مربوط به بازیابی نفت رسید. روش‌های بسیاری در مدل‌سازی مخازن نفتی ارایه شده‌اند که از آن جمله می‌توان به روش تفاضل محدود اشاره کرد که در شبیه‌سازی‌های عددی بسیار به کار رفته است. با توجه به

$$\nabla \cdot (k \lambda_i \nabla p) = -\frac{q_w}{\rho_w} - \frac{q_o}{\rho_o} \quad (1)$$

مخزن به صورت یک شبکه متعارف 512×512 تقسیم‌بندی و سپس، با حل معادلات فشار، کانتور توزیع فشار در شکل ۱ ترسیم شده است. در این نمونه یک چاه تولیدی و یک چاه تزریقی در دو گوشه مخزن قرار دارند و توزیع عبورپذیری میدان مشخص و غیریکنواخت در نظر گرفته شده است. برای ترسیم کانتور سرعت، ابتدا در هر وجه بلوك گردیدها سرعت از راه قانون دارسی محاسبه می‌شود (شکل ۲). پس از محاسبه سرعت در وجه گردید بلوك‌ها، سرعت در مرکز هر گردید بلوك از رابطه زیر تعیین و با استفاده از آن کانتور سرعت در مخزن رسم می‌شود:

$$u_{i,j} = \sqrt{\left(\left(u_{x_{i-\frac{1}{4}}}(i,j) + u_{x_{i+\frac{1}{4}}}(i,j) \right) / 2 \right)^2 + \left(u_{y_{j-\frac{1}{4}}}(i,j) + u_{y_{j+\frac{1}{4}}}(i,j) \right) / 2} \quad (2)$$

مسیریابی خطوط جریان

یک روش ابتکاری در آشکارسازی مسیرهای کلیدی جریان استفاده از مفهوم متداول زمان مهاجرت در شبیه‌سازی‌ها به روش خطوط جریان است. زمان مهاجرت اصطلاحاً به زمانی گفته می‌شود که یک ذره نیاز دارد تا مسیر جریان از محل چاه تزریقی تا نقطه موردنظر را طی کند. برای یافتن زمان لازم برای طی این مسیر داریم:

$$\Delta t_{e,x} = \frac{1}{m_x} Ln \left\{ \frac{V_{x,o} + m_x(x_e - x_o)}{V_{x,o} + m_x(x_i - x_o)} \right\} \quad (3)$$

که در آن x_e, x_i, x_o به ترتیب موقعیت‌های خروجی، ورودی و دستگاه مختصات محلی هستند [۱۴].

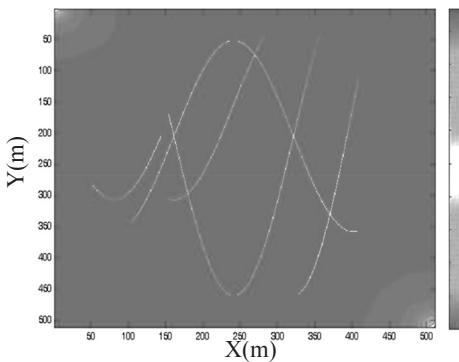
تولید معیار اندازه سلول با توجه به مسیرهای کلیدی جریان

برای تولید معیار اندازه سلول با توجه به مسیرهای کلیدی جریان، معادله تکفازی وغیرقابل تراکم با فرض نرخ جریانی ثابت در چاههای تولیدی و تزریقی در مدل ریزسلول حل می‌شود و براساس آن میدان سرعت به دست می‌آید.

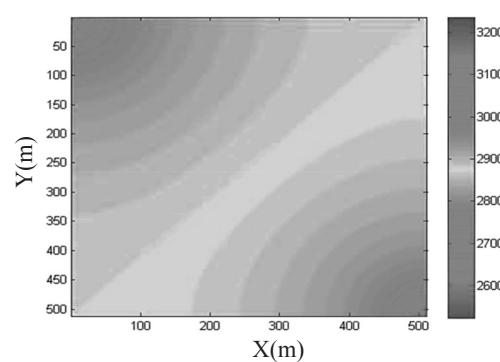
در مطالعه دبیر و همکارانش از ترکیب خطوط جریان و مکان چاه‌ها برای تولید شبکه محاسباتی استفاده شده و نتایج با شبکه زیرسلول مقایسه شده‌اند [۹]. موضوع مهم دیگری که بررسی شده است توزیع میدان عبورپذیری در مخزن است که با بررسی مفهوم فیلترها به تابع اندازه المان تبدیل می‌شود. با استفاده از تکنیک پردازش تصویر نقاط بحرانی شناسایی می‌شوند و نقشه حاصل از فیلتر دیجیتال عبور می‌کند که در آن اثر مکان چاه با مسیرهای کلیدی جریان نیز ترکیب می‌شود و توزیع تابع اندازه المان نهایی را به دست می‌دهد که در نهایت به عنوان نقشه‌ای برای تولید شبکه به کار می‌رود [۱۰-۱۲]. در سال‌های اخیر، دبیر و همکارانش از این روش برای تولید شبکه زمینه در مخازن شکافدار استفاده کرده‌اند و نتایج خوبی را در مقایسه با شبکه ریزسلول به دست آورده‌اند که با کاهش قابل توجه زمان محاسباتی همراه بوده است [۱۳]. همان‌گونه که در بالا اشاره شد، تولید دقیق شبکه محاسباتی با توجه به ویژگی‌های سیستم همواره یکی از نکات کلیدی در دست‌یابی به پاسخ‌های مناسب محاسباتی است؛ لذا مهم‌ترین موضوع بحث در این مقاله، ارایه الگوریتم مناسب برای تولید شبکه است که در ادامه به تفصیل درباره آن بحث شده است. در این تکنیک برای نخستین بار با ترکیب ویژگی‌هایی چون توزیع عبورپذیری در مخزن، مکان چاه‌ها و بررسی مسیرهای کلیدی جریان به این مسئله پرداخته و سپس کارکرد این شبکه در مدل‌های مختلف بررسی شده است. کد تهیه‌شده مربوط به شبیه‌ساز نفت سیاه است و برای جریان دوفازی تهیه شده است.

حل میدان فشار و ترسیم کانتور سرعت

در نخستین گام یافتن خطوط جریان، معادلات فشار در میدان موردنظر حل می‌شوند. برای به دست آوردن میدان فشار در مخزن، به نوشتن معادله انتشار فشار برای هر گردید بلوك نیاز است:



شکل ۲ نحوه توزیع سرعت در مخزن.



شکل ۱ توزیع فشار در مخزن.

موقع با تغییرات تراوایی هماهنگ‌اند، ولی در حالات خاص به‌ویژه در مناطق نزدیک به چاه‌های تولیدی و تزریقی مستقل از تراوایی و بسته به قدرت نیروهای اینرسی عمل می‌کنند از این رو تمرکز سلول‌هایی با ابعاد کوچک‌تر در نزدیکی چاه‌ها بر دقت حل می‌افزاید. بدین منظور معیار اندازه سلول در محل چاه‌های تولیدی و تزریقی بیشینه منظور می‌شود و سپس به صورت هموار به سمت صفر در نواحی دور از چاه‌ها تغییر خواهد کرد. می‌توان تابع ریاضی را که معیار اندازه المان مذکور را در اختیار می‌گذارد به صورت زیر نشان داد [۱۴]. شکل ۵ نشان دهنده کمی پارامتر دوری از چاه‌ها است.

$$S=a\exp(-(b/d)^c) \quad (4)$$

تشخیص کمی مزه‌های ناهمگنی در میدان تراوایی مطلق

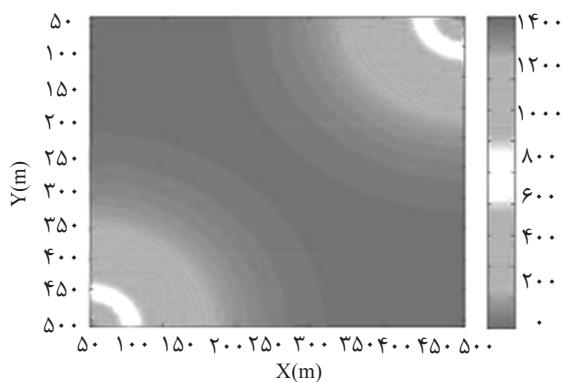
شکل ۶ میدان تراوایی مربوط به یک مخزن را نمایش می‌دهد که با اعمال الگوریتم فوق مناطق مهم به سادگی مشخص شده‌اند. شکل ۷ معیار انرژی میدان‌های عبورپذیری حاصل را نشان می‌دهد.

ترکیب توابع اندازه المان و ایجاد معیار اندازه المان نهایی در بخش‌های قبل، توابع اندازه المان با در نظر گرفتن توزیع تراوایی مطلق، میدان سرعت و اثرات چاه و همچنین مسیرهای کلیدی جریان بررسی شدند.

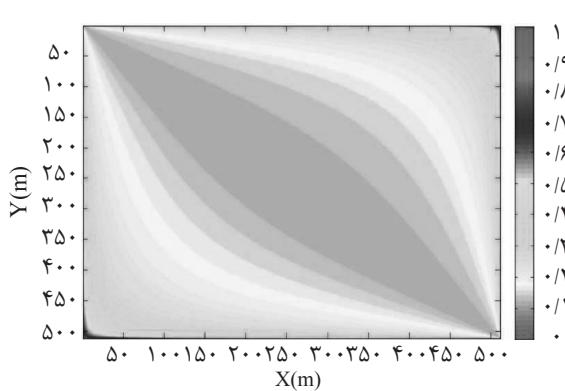
سپس برای هر سلول مسیر جریانی که از چاه‌های تزریقی آغاز و به چاه‌های تولیدی ختم می‌شود و در عین حال از مرکز سلول نیز می‌گذرد ردیابی و زمان مهاجرت بین چاه‌های تزریقی و تولیدی در امتداد آن محاسبه می‌شود و عکس آن معیاری از اندازه المان در موقعیت مکانی مرکز سلول است. در شکل‌های ۳ و ۴ نمونه‌ای از یک مخزن با یک چاه تولیدی و یک چاه تزریقی آورده شده و رسم خطوط جریان به همراه زمان مهاجرت جریان در آن نشان شده است.

تولید معیار اندازه سلول با توجه به تراوایی مطلق توزیع تراوایی در یک مخزن هیدروکربوری کمیتی تنسوری و دارای تغییرات شدید است. در اختصاص تراوایی از مدل ریزسلول زمین‌شناسی به مدل درشت‌سلول، نوعی متوسط‌گیری انجام می‌شود که خود می‌تواند بر ماهیت میدان تراوایی ریزسلول در مدل درشت‌سلول بهشت تاثیر گذارد، به‌ویژه اگر تغییرات شدید تراوایی در محدوده سلول‌ها رخ دهند. برای جلوگیری از وقوع چنین پدیده‌ای، تابع اندازه سلول باید در مناطقی که تغییرات شدید تراوایی اتفاق می‌افتد، با اختصاص سلول‌هایی با ابعاد کوچک‌تر، مانع از تغییر ماهیت میدان تراوایی در مدل درشت‌سلول شوند [۱۳].

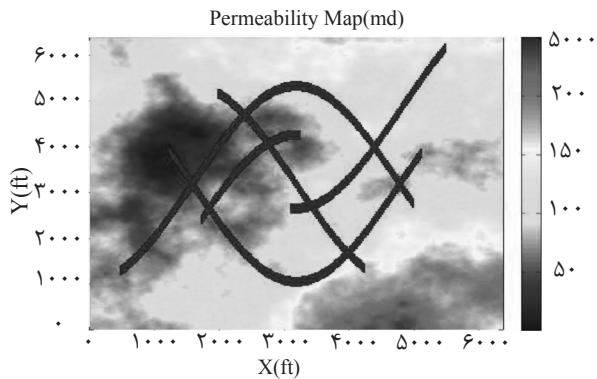
تولید معیار اندازه سلول با توجه به نزدیکی و دوری از چاه‌ها در حل معادلات جریان سیال، سرعت عاملی تعیین‌کننده است. تغییرات این عامل بسیاری



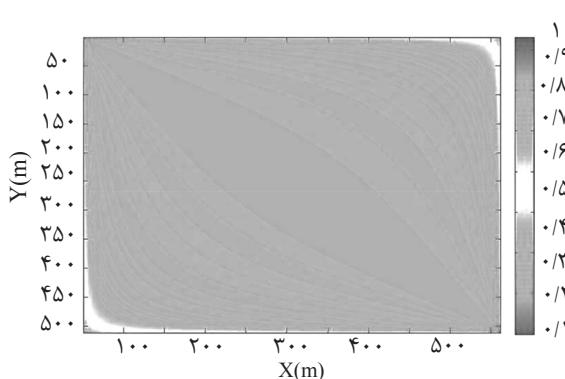
شکل ۴ نمایش زمان مهاجرت در مخزن با یک چاه تولیدی و تزریقی.



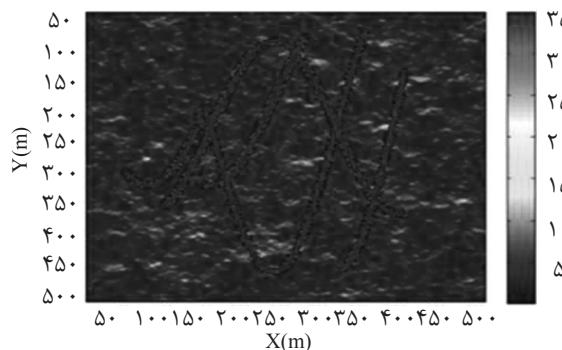
شکل ۳ نمایش شماتیک خطوط جریان.



شکل ۶ میدان تراویبی در مخزن.



شکل ۵ تولید معیار اندازه سلول با توجه به دوری و نزدیکی به چاه.



شکل ۷ معیار انرژی در میدان عبورپذیری.

المان نگاشت. توابع نگاشت اکیداً نزولی تعریف می‌شوند و رابطه‌ای یک به یک بین معیار اندازه المان و مقادیر واقعی برقرار می‌شود. تابع اندازه سلولی که با استفاده از یک تابع نگاشت به دست می‌آید را می‌توان تابع اندازه المان مطلوب نام نهاد. ما به دنبال تبدیل تابع اندازه المان مطلوب به تابع اندازه المان کاربردی هستیم که به صورت یک مسئله بهینه‌سازی به صورت زیر قابل بیان است [۱۴]:

هر یک از این توابع اندازه المان ویژگی‌هایی منحصر به فرد دارند و یکی از خواص مطلوب در ایجاد یک گستره‌سازی بهینه را در خود حمل می‌کنند. برای ایجاد یک شبکه بهینه باید به طریقی تمام این توابع اندازه المان را در یک تابع اندازه المان ترکیب کرد [۶].

تبدیل معیار اندازه المان به تابع اندازه المان با استفاده از توابعی خاص، می‌توان به راحتی معیار اندازه المان را به یک بازه اندازه

k^* تعیین می‌شود که از آن برای حل معادلات جریان چندفازی در محیط متخلخل استفاده خواهد شد. نمونه‌ای از فایل خروجی که در میدان آن درشت‌نمایی انجام شده در شکل ۹ نشان داده شده است.

توسعه مدل عددی

روش استفاده شده در این مطالعه، که هم پایستاری جرم در آن برقرار است و هم در شبکه‌هایی با ساختار نامتعارف می‌توان از آن استفاده کرد، تقریب تابعی حجم کنترلی (CVFA) است که در شبیه‌سازی‌های دوبعدی و سه‌بعدی در مخازن نفتی به کار می‌رود. این روش دقیق‌تری در محاسبه سرعت و فشار در جریان چندفازی در مخازن دارد و کمتر تحت تاثیر جهت‌گیری شبکه است و برای هر ساختاری از شبکه می‌توان از آن استفاده کرد. از این روش، به خصوص در تولید شبکه‌های هیبریدی در شبیه‌سازی‌ها، بسیار استفاده می‌شود. اگر معادله کلی جریان در مختصات دوبعدی برای

چند فاز بررسی شود، خواهیم داشت:

$$\frac{\partial}{\partial t}(\Phi \Phi) = \nabla \cdot (K \nabla \Phi) + q \quad (7)$$

Φ توابعی مشخص و q مجموع عبارت‌های منبع و چاهاند. تابع اینترپولاسیون، که بر حجم V اعمال می‌شود، به این ترتیب تقریب زده می‌شود [۱۶]:

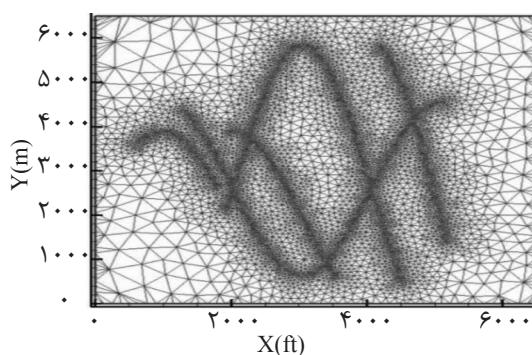
$$\Phi'(x, t) = \sum_{j=1}^M \Phi_j(t) \varphi_j(x) \quad x \in V \quad (8)$$

$$\begin{aligned} Error &= |S_a - S_d| \\ |S_a(x) - S_a(x')| &\leq \|x - x'\| \end{aligned} \quad (5)$$

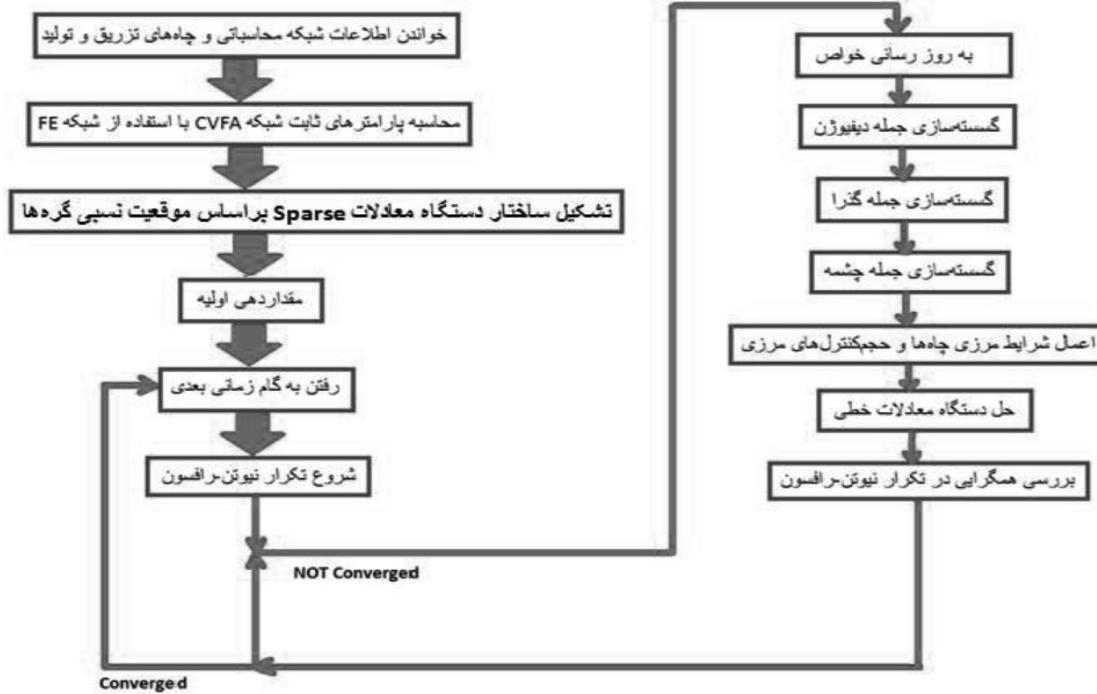
در این عبارت، توابع اندازه المان کاربردی و مطلوب به ترتیب موقعیت هندسی نقطه در فضای محاسباتی و عملگر norm هستند. روشی که در این مقاله برای حل این معادلات استفاده شده شامل اعمال یک حد برش بر تابع معیار اندازه المان برای یافتن مناطق حساس و نسبت دادن کوچک‌ترین مقدار اندازه المان به این مناطق است. سپس یک مسئله بهینه‌سازی با محدودیت هندسی مذکور حل می‌شود که در آن تابع اندازه المان مطلوب تابع هدف در نظر گرفته شده است. مقادیر جدید این تابع در هر نقطه با توجه به رابطه زیر محاسبه می‌شوند:

$$S_c^{new} = S_c^{old} + \alpha \square (S_c^{old} - S_d) \quad (6)$$

در این عبارت، ضریب α یک عدد کوچک مثبت است. پس از محاسبه مقدار آن، با توجه به محدودیت هندسی بررسی می‌شود و اگر محدودیت هندسی را نقض نکند، به عنوان مقدار جدید تابع اندازه المان در نظر گرفته می‌شود و گرنه بدون تغییر باقی می‌ماند. این فرآیند تا کمینه شدن مقدار خطأ ادامه می‌یابد. در این مطالعه، پس از تعیین تابع اندازه المان، از روش‌گرین-سیمبسون برای تولید شبکه استفاده شده است. شکل ۸ نتایج مربوط به شبکه‌بندی تابع اندازه المان بحث شده را نشان می‌دهد که از آن در حل معادلات جریان استفاده شده است. با حل این معادله ماتریس



شکل ۸ شبکه‌بندی ارایه شده با مثلث‌بندی در روش گرین-سیمبسون.



شکل ۹ الگوریتم کلی برنامه محاسباتی بهروش CVFA براساس تکرار نیوتن-رافسون.

است. در بررسی مقدار اشباع‌شوندگی رابطه زیر باشد:

$$s_w + s_o = 0 \quad (13)$$

علاوه بر این، فشار مویینگی عبارت است از:

$$P_{cgo} = p_g - p_o \quad (14)$$

در نهایت دبی جرمی چاه با استفاده از معادله پیکمن به این صورت بیان می‌شود:

$$(15)$$

$$q_o = \sum \sum \frac{\frac{4\pi \Delta z_{k,m}}{\ln(r_{e,k,m}/r_{c,k}) + s_{k,m}} k k_{ro} \rho_{os}}{\mu_o B_o} [p_{bh,k} - p_o - \rho_o g (D_{w,k} - D)] \delta_{k,m}$$

$$q_w = \sum \sum \frac{\frac{4\pi \Delta z_{k,m}}{\ln(r_{e,k,m}/r_{c,k}) + s_{k,m}} k k_{rw} \rho_{ws}}{\mu_w B_w} [p_{bh,k} - p_w - \rho_w g (D_{w,k} - D)] \delta_{k,m}$$

$N_w X_{k,m}$ ، تابع دلتای دیراک در نقطه $\delta_{k,m} = \delta(x - X_{k,m})$ تعداد کل چاهها و $M_{w,k}$ ، تعداد کل نقاط پروفورات شده در چاه؛ $X_{k,m}$ ، $\Delta z_{k,m}$ ، $\delta_{k,m}$ ، به ترتیب فاکتور پوسه، طول هر بخش و مکان مرکزی ناحیه پروفورات شده در چاه k ؛ $r_{e,k,m}$ ، $r_{c,k}$ ، شاعر چاه و شاعر تخلیه چاه k و $P_{bh,k}$ ، فشار ته‌چاهی چاه k است. مدل با ارایه شرایط مرزی و اولیه حل می‌شود. در شرایط زیراشباع P_b ، S_w ، $p = p_0$ ، $M_{w,k}$ مجہولات مسئله و در شرایط مرزی عبارت‌اند از:

M ، تعداد توابع اینترپولاسیون مرتبط با حجم V است. ممکن است توابع تقریب زیادی به عنوان تابع اینترپولاسیون به کار روند که در این پژوهش از تابع اسپیلاین استفاده شده است.

معادلات دوفازی آب-نفت در سیستم نفت سیاه
در مدل نفت سیاه فرض می‌شود انتقال جرمی بین فاز آب و دیگر فازها رخ نمی‌دهد و در سیستم هیدروکربنی تنها یک جزء حضور دارد. معادلات پایشگر جرم در مدل نفت سیاه عبارت‌اند از:

$$-\nabla \cdot \left(\frac{\rho_{ws}}{B_w} u_w \right) + q_w = \frac{\partial}{\partial t} \left(\emptyset \frac{\rho_{ws}}{B_w} s_w \right) \quad (9)$$

فاز نفت:

$$-\nabla \cdot \left(\frac{\rho_{os}}{B_o} u_o \right) + q_o = \frac{\partial}{\partial t} \left(\emptyset \frac{\rho_{os}}{B_o} s_o \right) \quad (10)$$

سرعت حجمی نیز برای فاز a با رابطه زیر مشخص می‌شود:

$$u_\alpha = - \frac{KK_{ra\alpha}}{\mu_\alpha} \nabla \emptyset_\alpha \quad , \quad \alpha = w, o, g \quad (11)$$

که در آن پتانسیل \emptyset_α در فاز به این صورت تعریف می‌شود:

$$\emptyset_\alpha = P_\alpha - \rho_\alpha g D \quad , \quad \alpha = w, o, g \quad (12)$$

P_α ، دانسیته فاز a ؛ D ، ثابت گرانش و D ، تابع عمق

از نظر زمان اجرای برنامه و صحت پاسخ‌ها بررسی شود. چاه تزریق آب با دبی ثابت و چاه تولیدی با افت فشار ثابت شروع به عملیات کردند؛ به این ترتیب با انتقال جریان از چاه تزریقی به چاه تولیدی، فاکتور بازیابی نفت محاسبه و برای حالات‌های مختلف مقایسه شد. برای مقایسه و ارزیابی شبکه‌بندی تهیه شده برای حل معادلات، از میدانی با عبورپذیری مشخص استفاده شد و ضمن استفاده از روش قبلی، برای تولید شبکه و هم‌چنین روش افزایش مقیاس برای تخصیص میدان عبورپذیری ریزسلول به درشت‌سلول، نتایج شبکه ساختارنیافته تهیه شده با مدل ریزسلول شبکه یکنواخت، که تعداد سلول‌های برابر با شبکه ساختارنیافته بود، مقایسه شدند. در شکل ۱۰ فاکتورهای بازیابی نفت شبکه ریزسلول ۲۶۲۱۴۴ سلول، شبکه ساختارنیافته تولیدی ۱۵۱۵۶ و شبکه یکنواخت ۱۵۶۰۷ مقایسه شده‌اند. با توجه به کاهش ۹۴ درصدی اندازه شبکه که به ۳ درصد خطأ در پیش‌بینی زمان Breakthrough منجر می‌شود، زمان CPU در اجرای مدل ساختارنیافته و درشت‌نمایی شده به ۰/۰۰۱ آن در مدل ریزسلول می‌رسد. از سوی دیگر فشار ته‌چاهی و فشار هر یک از سلول‌ها نیز در مدل ریزسلول و مدل تهیه شده مقایسه شده که تطابق بسیار خوبی با هم دارند.

$$\begin{aligned} p(x, \cdot) &= p^+(x) \\ p_b(x, \cdot) &= p_b^+(x) \\ s_w(x, \cdot) &= s_w^+(x) \end{aligned} \quad (16)$$

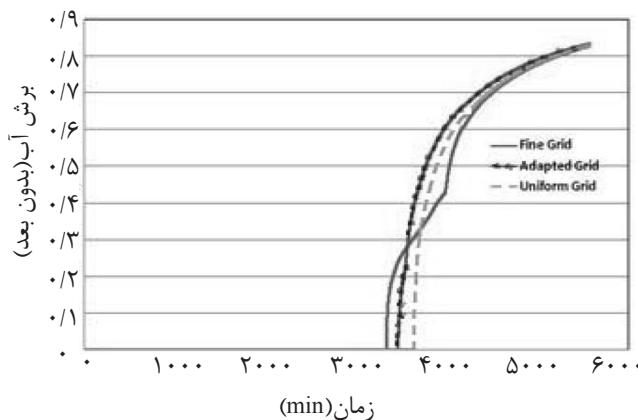
از روش ضمنی کامل برای حل معادلات غیرخطی استفاده می‌شود و این روش در حل معادلات به روش CVFA به کار می‌رود. برای مدل‌سازی، مشخصه‌های هندسی و زمین‌شناسی مخزن به شکلی صحیح از شبکه هیبریدی گرفته می‌شوند. چون روش CVFA مستقیماً معادله را روی گریدهایی به شکل دلخواه حل می‌کند، از این روش در شبیه‌سازی نفت سیاه و مدل‌سازی چاه استفاده می‌شود. معادلات با استفاده از روش نیوتون-رافسون خطی و سپس حل می‌شوند. در نهایت فرم انتگرالی معادلات حاکم در هر حجم کنترل برای برقراری پایستاری جرم حل می‌شود.

الگوریتم محاسباتی کلی

برنامه نوشته شده بر مبنای الگوریتم ارایه شده در شکل ۹ شروع می‌شود و در گام‌های زمانی پیش‌روی می‌کند.

بحث و نتایج

در این بخش نتایج حاصل از شبیه‌سازی جریان دوفازی آب و نفت با استفاده از روش شبکه‌بندی ارایه شده آورده شده‌اند تا پس از بررسی و صحت‌سنجی کد تهیه شده، کارایی شبکه حاصل



شکل ۱۰ مقایسه فاکتور بازیابی نفت برای شبکه ریزسلول، شبکه ساختارنیافته تولیدی و شبکه یکنواخت.

۴- با توجه به کاهش ۹۴ درصدی اندازه شبکه نسبت به مدل ریزسلول، زمان محاسبات در شبکه تهیه شده حدود یک بیستم مدل گفته شده است.

علامه و نشانه‌ها

K_{m^n} :تابع گستته ورودی

W : کرنل یک بعدی

H : تبدیل هیلبرت کرنل موجک

G_{2a}, G_{2b} : توابع پایه

$\Delta_{te,x}$: زمان پرواز

S_a : تابع اندازه المان کاربردی

S_d : تابع اندازه المان دلخواه

P : میدان فشار

U : سرعت

S_a : اشباع

μ : ویسکوزیته

B : فاکتور حجمی تشکیل

K_r : عبورپذیری نسبی

$W_{lk,m}$: اندیس چاه

نتیجه‌گیری

در این مقاله یک روش جدید برای تولید نقشه اندازه المان توسعه یافت که در آن اندازه بلوک‌ها در شبکه بی‌سازمان کنترل می‌شود. اثر توزیع عبورپذیری و مکان چاه‌ها در مخزن و هم‌چنین مسیرهای کلیدی جریان با هم ترکیب شدند تا ساختاری دقیق از یک شبکه بی‌سازمان تولید شود. نتایج این کار عبارت‌اند از:

۱- مشخصه‌هایی مختلف در تولید تابع اندازه المان، بدون محدودیت تعداد، وجود دارند که می‌توانند

با توابع وزنی مختلف با هم ترکیب شوند؛

۲- برای نخستین بار، سه پارامتر اصلی شامل مسیرهای کلیدی جریان، میدان عبورپذیری و مکان چاه‌ها برای تولید تابع اندازه المان به کاررفته؛

۳- صحت این روش با استفاده از شبیه‌سازی دینامیک دو بعدی در یک مخزن ناهمگن به دست آمد. نتایج نشان دادند که برای پیش‌بینی زمان آبی شدن چاه‌ها، شبکه دو بعدی درشت‌مقیاس موجود تطابق خوبی با نتایج شبکه ریزسلول دارد؛

مراجع

- [1]. Durlofsky L. J., Efendiev Y. and Ginting V., “An Adaptive local-global multi-scale finite volume element method for two-phase flow simulations,” *Adv. Water Resour.*, Vol. 30, No.3, pp. 576-588, 2007.
- [2]. Durlofsky L. J., Behrens R. A., Jonesand R. C. and Bernath A., “Scale up of heterogeneous three dimensional reservoir descriptions,” *SPE J.*, Vol. 1, No. 3, pp. 313-326, 1996.
- [3]. Durlofsky L. J., Jones R. C. and Milliken W. J., “A Non-uniform coarsening approach for the scale up of displacement processes in heterogeneous media,” *Adv. Water Res.*, Vol. 20, No. 5,6, pp. 335-347, 1997.
- [4]. Durlofsky L. J., “Numerical calculation of equivalent grid block permeability tensors for heterogeneous porous media,” *Water Resour. Res.*, Vol. 27, No. 5, pp. 699-708, 1991.
- [5]. Edwards M. G., “Unstructured, control-volume distributed, full-tensor finite volume schemes with flow based grids,” *Comput. Geosci.*, Vol. 6, No. 1, pp. 433-452, 2002.
- [6]. Verma S. K. and Aziz K., “A Control volume scheme for flexible grids in reservoir simulation,” SPE 37999, *SPE Reservoir Simulation Symposium*, Dallas, Texas, June 8-11, 1997.
- [7]. Portella R. C. M. and Hewett T. A., “Upscaling, gridding and simulation using stream tubes,” *SPE J.*, Vol. 5, No. 1, pp. 315-323, 2000.

- [8]. Bhambri P. and Mohanty K. K., “*Two and three hydrocarbon phase streamline-based compositional simulation of gas injections,*” J. PET. SCI. ENG., Vol. 62, No. 1, pp.16-27,2008.
- [9]. Hesami A. and Dabir B., “*Flexible unstructured flow-based gridding for reservoir coarse scale modeling,*” Pet. Sci. Technol.,Vol. 31, No. 10, pp. 1018-1026, 2013.
- [10]. He C. and Durlofsky L. J., “*Structured flow-based gridding and upscaling for modeling subsurface flow,*”Adv. Water Resour., Vol. 29, No. 12, pp. 1876-1892, 2006.
- [11]. Castellini A., Edwards M. G. and Durlofsky L. J., “*Flow based modules for grid generation in two and three dimensions,*” 7th European Conference on the Mathematics of Oil Recovery, Baveno, Italy, Sept. 5-8,2000.
- [12]. Luo W. J., Wang J. I., Wang X. D. and Zhou Y. F., “*A streamline approach for identification of the flowing and stagnant zones for five-spot well patterns in low permeability reservoirs,*” J. Hydrodynamics, Vol. 25, No. 1, pp. 710-717, 2013.
- [13]. Hesami A. and Dabir B., “*Flexible unstructured gridding for 2D reservoir coarse scale modeling using fine scale permeability filtering,*” Transp. Porous Med. Vol. 89, No. 1, pp.15-33,2011.
- [14]. Pollock D. W. “*Semi analytical computation of path lines for finite difference models,*” GroundWater,Vol. 26, No. 6, pp. 743-750, 1988.
- [15]. Wen H., Durlofsky J. and Edwards G., “*Upscaling of channel systems in two dimensions using flow-based grids,*” Transp. Porous. Med., Vol. 51, No. 9, pp. 343-366, 2003.
- [16]. Li B., Chen Z. and Huan G., “*Control volume function approximation methods and their applications to modeling porous media flow II: the black oil model,*” Adv. Water Resour.,Vol. 27, No. 2, pp. 99-120, 2004.