

# ارائه یک روش تحلیلی جدید بهمنظور مدیریت تخصیص آب به چاههای تزریقی در پروژههای سيلابزني

على چپرلى و يوسف رفيعى\*

دانشکده مهندسی نفت، دانشگاه صنعتی امیر کبیر، تهران، ایران

تاریخ پذیرش: ۹۶/۷/۲۳ تاریخ دریافت: ۹۶/۳/۱۷

# چکیده

یکی از چالشهای عمده صنایع نفت و گاز، تولید آب میباشد که باعث بروز مشکلات زیستمحیطی، عملیاتی و اقتصادی فراوانی میشود. از جمله عوامل تولید آب ناخواسته، آب ناشی از تزریق در فرآیندهای سیلابزنی میباشد که میزان آن در اثر برنامه تزریق نامناسب و عدم مدیریت افزایش مییابد. بنابراین عملیات سیلابزنی باید به گونهای مدیریت شود تا میزان ضریب بازیافت و کارایی جاروب افزایش یافته و به تبع آن میزان تولید تجمعی آب کاهش یافته و نفت بیشتری در چاه تولید شود. از جمله عوامل مهم در تصمیم گیری و مدیریت سیلابزنی مخازن نفتی، مدیریت تخصیص آب می باشد. مدیریت تخصیص به این معناست که به هر چاه تزریقی که ارتباط بهتری با چاه تولیدی با تولید نفت بالا و تولید آب کم دارد، آب بیشتری جهت تزریق اختصاص یابد. پیوستگی بین چاههای تزریقی و تولیدی پارامتری بسیار مهم میباشد که مدیریت تخصیص آب را تحت تأثیر قرار میدهد. این پارامتر مشخص میکند که چگونه یک چاه تزریقی و تولیدی با یکدیگر ارتباط دارند. روشهای مختلفی برای محاسبه این پارامتر ارائه شده است که در این بین روش ظرفیت-مقاومت اخیـرا مـورد توجـه مهندسـین قـرار گرفتـه اسـت. در ایـن روش، مخـزن، مشـابه سیسـتمی فـرض میشـود کـه محرکـی از بیـرون دریافت می کنید (نیرخ تزریق) و عکسالعملی (نیرخ تولید) از خبود نشیان می دهید. در معیادلات ایس روش، دو دسته پارامتیر اصلی (مجهول) وجود دارنید. دسته اول ثوابت زمانی و دیگری ضرایب وزنی میباشند. با استفاده از تاریخچه تولید چاهها، پارامترهای مجهول بهدست می آیند. پس از یافتن مجهولات، میزان تولید سیال پیش بینی شده است. سپس با تعریف شاخص جدیدی تحت عنوان شاخص مؤثر تولید نفت الگوریتمی جدید برای محاسبه کسر آب تزریقی اختصاص یافته به هركدام از چاههاى تزريقى ارائه شده است و اين الگوريتم جديد با بهبود تخصيص آب به چاههاى تزريقى، باعث افزايش تولید تجمعی نفت و کاهش تولید تجمعی آب شده است.

کلمــات کلیــدی: ســیلاب;نی، مدیریــت تخصیــص آب، پیوســتگی چاههــا، روش ظرفیــت- مقاومــت، شــاخص مؤثــر توليــد نفــت.

\*مسؤول مكاتبات

آدرس الكترونيكي Y.rafiei@aut.ac.ir شناسه ديجيتال (DOI: 10.22078/pr.2017.2721.2264)

#### مقدمه

یکے از مشکلات عمدہ صنایع نفت و گاز تولید آب می باشد. تولید آب در چاههای نفت و گاز علاوه بر مشكلات عملياتي، باعث بروز مشكلات قابل توجه اقتصادی و زیستمحیطی میشود [۱]. قسمتی از این آب تولیدی ناشی از تخصیص نامناسب آب به چاههای تزریقی و برنامه تزریق نامناسب است. از این رو مدیریت عملیات سیلابزنی و ارائه یک برنامـه تزريـق مناسـب مى توانـد بـه بهبـود تخصيـص آب به چاههای تزریقی کمک کرده و باعث کاهش تولید آب ناشی از عملیات مدیریت نشده سیلابزنی گردد. یکی از فاکتورهای مهم در مدیریت سیلابزنی مخازن نفت و گاز، آگاهی از پیوستگی و ارتباط بین چاههای تزریقی و تولیدی میباشد. زیرا با آگاهی از ارتباط بین این چاهها میتوان فرآیند تخصیص آب بــه چاههـای تزریقــی را بهخوبــی کنتــرل نمــود. در واقع با در دست داشتن ارتباط بین چاههای تزریقی و تولیدی می توان طوری آب تزریقی را به هرکدام از چاههای تزریقی اختصاص داد که زمان رسیدن آب و شروع تولید آب در چاه تولیدی به تأخير افتد.

روشهای مختلفی جهت محاسبه مینزان ارتباط بین چاهها ارائیه شده است که اکثر این روشها بر پایه آنالیز دادههای تولید و تزریق میباشند. در سال ۲۰۰۲ آلبرتونی و همکاران روشی را تحت عنوان رگرسیون خطی چند متغیره ارائیه نمودند [۲]. در ادامه یوسف و همکارانش از مدل کاملتری استفاده کردند که شامل اثر ظرفیت به مفهوم تراکمپذیری و اثر مقاومت به مفهوم انتقال پذیری تراکمپذیری و اثر مقاومت به مفهوم انتقال پذیری تولیدی دو ضریب برای هر جفت چاه تزریقی و تولیدی دو ضریب تعیین میشود، پارامتر ضریب وزنی که میزان ارتباط بین چاهها را مشخص میکند و پارامتر دیگر ثابت زمانی میباشد که میزان ذخیره شدن سیال بین دو چاه را بهطور میکند [۳].

سیارپور نیے با در نظے گرفتے سے حجے کنتے ل متفاوت، معادلات نیمه تحلیلی مربوط به روش ظرفیت- مقاومت را به صورت ریاضی بیان کرد [۴]. همچنین مطالعات موردی گستردهای با استفاده از روش ظرفیت- مقاومت بر روی مخازن متعددی صورت گرفت. لیانگ با استفاده از این روش، یک آنالیے حساسیت روی میےزان تولید نفت با در نظر گرفتن قیمت نفت و هزینه تزریق آب انجام داد [۵]. همچنین سیارپور چهار مورد مطالعه موردی روی میدانهای واقعی انجام داد. او در این بررسی نشان داد کے این روش برای مخازن واقعی کے به مراتب پیچیده تر از مخازن مصنوعی بوده و ناهمگن هستند، قادر است تطبيق تاريخچه را با دقت بالا انجام دهـد [۶]. دلشاد نیـز در سال ۲۰۰۹ نشان داد کـه این روش می تواند برای تشخیص شکاف در مخازن شکافدار طبیعی مورد استفادہ قرار گیرد [۷]. لی و همکارانـش در سـال ۲۰۱۱، کـن و کبیـر در سـال ۲۰۱۲ ایـن روش را جهـت محاسـبه پیوسـتگی بیـن چاههـای یک مخزن مورد استفاده قرار دادند و نتایج قابل قبولی را به دست آوردند [۹ و ۸]. ژانگ و همکارانش روش ظرفیت- مقاومت را با فیلتر کالمن ترکیب نموند و پیوستگی بین چاهها را در یک مخزن لایهای محاسبه کردنید [۱۰]. اشراقی و همکارانش نیز با استفاده از این روش و ترکیب آن با الگوریتمهای بهینهسازی، عملیات تزریق امتزاجی دیاکسیدکربن را بهینهسازی نمودند [۱۱]. مطالعات قبلی نشان می دهد که روش ظرفیت- مقاومت نسبت به دیگر روشها از دقت بالاترى برخوردار است [۱۲]. بنابراین در این مقاله روش ظرفیت- مقاومت برروی دادههای تزريـق و توليـد يـک مـدل اسـتاندارد مخـزن نفتـي اعمال میشود و میزان پیوستگی بین چاههای این مخزن محاسبه می گردد.

<sup>1.</sup> Multivariate Linear Regression

<sup>2.</sup> Compressibility

<sup>3.</sup> Transmissibility

<sup>4.</sup> Kalman Filter

<sup>5.</sup> Miscible CO, Injection

سپس الگوریتمی جدید براساس ضریب پیوستگی بین چاهها و فاکتورهایی از جمله نرخ تولید چاهها و برش آب در چاههای تولیدی جهت مدیریت تخصیص آب به چاههای تزریقی ارائه میشود.

# معادلات روش ظرفیت - مقاومت

همان طور که بیان شد سیار پور با در نظر گرفتن سه حجم کنترل متفاوت، معادلات تحلیلی مربوط به روش ظرفیت مقاومت را به صورت ریاضی بیان کرد که در این مقاله از مدل حجم کنترل برابر با شعاع ریزش هر چاه تولیدی استفاده می شود. برای یک میدان که شامل  $N_i$  چاه تزریقی و  $N_i$  چاه تولیدی می باشد، معادله موازنه حجم برروی شعاع ریزش هر چاه تولیدی اعمال می شود و نرخ تولید هر چاه براساس نرخ تزریق، به صورت رابطه ۱ بیان می شود و  $N_i$  اینان می شود و  $N_i$  اینان می شود و آ

 $q_{p}(t) = \sum_{i=1}^{N_{f}} f_{ip} I_{i}(t) - \tau_{p} \frac{dq_{p}(t)}{dt}$  (1) می  $q_{p}(t)$  بیانگر نرخ تولید چاه تولیدی  $q_{p}(t)$  بیانگر فریب وزنی (میزان پیوستگی) چاه تولیدی  $q_{p}(t)$  بیانگر نرخ تزریق چاه تولیدی  $q_{p}(t)$  بیانگر نرخ تزریق و چاه تزریقی  $q_{p}(t)$  بیانگر نرخ تولید و  $q_{p}(t)$  بیانگر ثابت زمانی چاه تولیدی و  $q_{p}(t)$  بیانگر میزان تغییر نرخ تولید چاه عبارت  $q_{p}(t)$  بیانگر میزان تغییر نرخ تولید چاه تولیدی و  $q_{p}(t)$  بیانگر میزان تغییر نرخ تولید چاه تولیدی و  $q_{p}(t)$  برگر رسب زمان میاشد. هرچه مقدار پارامتر باشد، به این معناست که چاه تولیدی و تزریقی از ارتباط و پیوستگی بیشتری با چاه تولیدی و دارد. همچنین رابطه ۱ را می توان به صورت گسسته برحسب زمان همانند رابطه ۲ بیان کرد [۵].

$$q_{p}(t_{k}) = q_{p}(t_{k-1})e^{\frac{t_{k}-t_{k-1}}{\tau_{p}}} + (1 - e^{\frac{t_{k}-t_{k-1}}{\tau_{p}}})$$

$$(\sum_{i=1}^{N} f_{ip}I_{i}^{(k)} - J_{p}\tau_{p}\frac{\Delta p_{wf,p}^{(k)}}{\Delta t_{k}})$$
(Y)

که در آن  $q_p(t_{k-1})$  بیانگ رنـرخ تولیـد چـاه تولیـدی قبــل از شــروع عملیــات ســیلابزنی،  $J_p$  شــاخص بهرهدهــی چـاه تولیــدی  $q_p(t_{k-1}^{(k)})$  بیانگ ر تغییـرات بهرهدهــی چـاه تولیــدی  $q_p(t_{k-1}^{(k)})$  بیانگ ر تغییـرات فشــار تهچاهــی چـاه  $q_p(t_{k-1}^{(k)})$  و ربــازه زمانــی  $q_p(t_{k-1})$  اســت. عبــارت  $q_p(t_{k-1})$  بهترتیــب بیانگــر زمــان تزریــق در

گام k-1 و k است.

# ارائه الگوریتمی جدید به منظور بهبود تخصیص آب به چاههای تزریقی

جهت بهبود تخصيص آب به چاههای تزریقی، باید به هر چاه تزریقی که ارتباط بهتری با چاه تولیدی با تولید نفت بالا و تولید آب کم دارد، آب بیشتری جهت تزریق اختصاص یابد تا حمایت بهتری از چاههای تولیدی با تولید نفت بهتر، توسط این چاههای تزریقی صورت گیرد [۱۲]. بنابراین با استفاده از پارامتر میزان پیوستگی بین چاهها که نشان دهنده ارتباط بین چاهها است و همچنین پارامتر برش آب که نشان دهنده عملکرد چاههای تولیدی میباشد، شاخصهای جدیدی تعریف می شود و با استفاده از این شاخصها به اولویت بندی چاههای تزریقی پرداخته می شود. در واقع این شاخصها این امکان را فراهم میسازند تا به چاههای تزریقی که ارتباط بهتری با چاههای تولیدی با عملکرد بهتر دارند، آب بیشتری جهت تزريق اختصاص يابد. اين شاخصها به قرار زيـر هسـتند:

۱- شاخص تولید آب برای جفت چاههای تزریقی و تولیدی

این شاخص بیانگر میزان تولید آب ناشی از سیلابزنی میباشد و بهصورت رابطه ۳ بیان می گردد.

 $WPI_{ip} = f_{ip} \times WC_p \times q_p$  (%) که در آن  $q_{ip}$  بیانگر شاخص تولید آب چاه تولیدی  $p_{ip}$  میباشد که تولید آب آن در اثر ارتباط این چاه بیا چاه تزریقی  $p_{ip}$  بیانگر ضریب وزنی چاه تولیدی  $p_{ip}$  و همیانگر ضریب وزنی چاه تولیدی  $p_{ip}$  و عبارت  $p_{ip}$  بیانگر برش آب مربوط به چاه تولیدی  $p_{ip}$  و عبارت  $p_{ip}$  بیانگر نرخ تولید سیال در چاه تولیدی  $p_{ip}$  میباشد. هر چه مینان  $p_{ip}$  بیشتر باشد، به این معناست که چاه تزریقی  $p_{ip}$  بیات تولید آب بیالا ارتباط بیشتری دارد.

۲- شاخص تولید نفت برای جفت چاههای تزریقی و تولیدی

ایس شاخص بیانگر میسزان تولید نفست ناشسی از سیلابزنی میباشد و به صورت رابطه ۴ بیسان می گردد.

$$OPI_{ip} = f_{ip} \times (1 - WC_p) \times q_p \tag{(4)}$$

که در آن  $^{OPI}_{ip}$  بیانگر شاخص تولید نفت برای جفت چاه تزریقی و تولیدی میباشد و هرچه مقدار  $^{OPI}_{ip}$  بیشتر باشد، نشاندهنده این است که چاه تزریقی به چاه تولیدی با برش آب کم، ارتباط بیشتری دارد.  $^{-}$  شاخص مؤثر تولید نفت برای جفت چاههای تزریقی و تولیدی

ایسن شاخص بیانگر تولید مؤشر نفت از چاههای تولیدی میباشد و بهصورت رابطه ۵، از تفریق شاخص تولید آب برای جفت چاههای تزریقی و تولیدی محاسبه میشود.

$$EOPI_{ip} = OPI_{ip} - WPI_{ip} = f_{ip} \times (1 - 2 \times WC_p) \times q_p$$
 (۵)  $-$ ۴- شاخص مؤثر تولید نفت برای چاه تزریقی

ایس پارامت رکه مطابق با رابطه ۶ بیان می شود، بیانگر میزان تولید نسبی نفت در نتیجه تزریق آب از چاه تزریقی i می باشد و مقادیر مثبت ایس پارامتر بیانگر ارتباط بهتر چاه تزریقی i با چاههای تولیدی با تولید نفت بالا و تولید آب کم می باشد.

$$EOPI_{i} = \sum_{p=1}^{p=N_{p}} EOPI_{ip}$$
 (§)

ایس شاخص بیانگر میزان اثر چاه تزریقی i بر روی چاههای تولیدی میباشد و مقادیر بزرگتر ایس شاخص نشان دهنده ارتباط بهتر چاه تزریقی مورد نظر با چاههای تولیدی با تولید نفت بالا و تولید آب کم میباشد و با استفاده از ایس پارامتر میتوان چاههای تزریقی را اولویتبندی نمود تا به چاه تزریقی که ارتباط بهتری با چاه تولیدی با عمکرد بهتر دارد، آب بیشتری جهت تزریق اختصاص یابد. الگوریتم محاسبه کسر آب تزریقی بهبود یافته از طریق شاخص مؤثر تولید نفت

برای محاسبه کسر آب تزریقی بهبود یافته بهصورت

زیـر عمـل میگـردد:

۱- محاسبه شاخص مؤثر تولید نفت برای چاه تزریقی i با استفاده از رابطه ۶.

۲- محاسبه شاخص مؤثر تولید نفت کل چاههای
 تزریقی که به صورت رابطه ۷ بیان می شود.

$$EOPI_{T} = \sum_{i=1}^{i=N_{i}} EOPI_{i}$$
 (V)

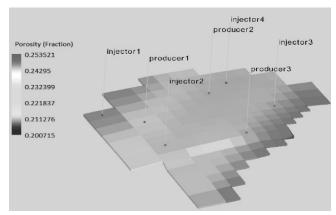
۳- محاسبه کسر آب تزریقی برای هر چاه تزریقی که مطابق با رابطه ۸ است.

$$WIA_{i} = \frac{EOPI_{i}}{EOPI_{T}} \tag{(A)}$$

# مطالعه موردي

روش ظرفیت- مقاومت برروی یک مخزن شبیهسازی شده توسط نرمافزار ریویل از مجموعه نرمافزارهای مدل سازی یکپارچه تولید اجرا خواهد شد. ایر، مدل شامل چهار چاه تزریقی عمودی و سه چاه تولیدی عمودی میباشد که مدلی استاندارد برای مطالعه پروژههای تزریق آب و سیلابزنی میباشد كه توسط شركت پتروليوم اكسپرت ارائه شده است. مخزن مورد مطالعه در حال تولید نفت از طریق ۳ چاه تولیدی میباشد و این چاههای تولیدی توسط ۴ چاه تزریقی حمایت می شوند و تزریق در این میدان از ابتـدای تولیـد صـورت گرفتـه اسـت و سـفره آبـی نیـز در این مخزن وجود ندارد. شکل ۱ موقعیت چاهها را نشان میدهد. خصوصیات سنگ و سیال مخزن نيـز مطابـق جـدول ۱ مىباشـد. شـرايط نـرخ ثابـت تولید سیال (آب و نفت) در سطح برروی چاههای تولیدی اعمال شده است، ولی نرخ تولید در شرایط ته چاهی با نرخ تولید در سطح متفاوت میباشد. در واقع بـر اثـر آزاد شـدن گاز حـل شـده از نفـت در سطح، میزان ضریب حجمی تشکیل نفت در گذشت زمان تغییر کرده و در نتیجه میزان تولید ته چاهی در شرایط مخزن و تولید سرچاهی در شرایط استاندارد (سطح) متفاوت خواهد بود و على رغم اينكه توليد در شرایط سطحی ثابت است، تولید در شرایط ته چاهی روند نزولی دارد.

<sup>1.</sup> Oil Formation Volume Factor



شکل ۱ مرزهای مخزن و موقعیت چاهها در آن (رنگها بیانگر توزیع تخلخل در مخزن میباشند)

جدول ۱ خواص سنگ و سیال

مقدار	خواص
٣٠ API	چگالی نفت
۵۰۰ SCF/STB	نسبت نفت به گاز
•/•••• 1/psi	تراکمپذیری
٠/٢-٠/٢۵	تخلخل
۲۰۵۴ Psia	فشار نقطه حباب
7 · × 10 × ۴	تعداد بلوکها در شبیهسازی
۴۰۰۰ Psia	فشار اوليه مخزن
77•-77° md	نفوذپذیری

همچنین مینزان تولید آب در چاههای تولیدی بسر اثر تزریق آب میباشد و تولید آب همنزاد نیز بسیار ناچینز است. مینزان کل تزریق سیال در چاههای تزریقی نیز برابر با مینزان تولید در شرایط تهچاهی میباشد و بنابرایین مینزان تزریق نییز در شرایط ته تهچاهی روبه کاهیش خواهید ببود. همچنین نیرخ تزریق کلیه چاههای تزریقی با یکدیگر برابر میباشد. شکل ۲ تاریخچه ۲۰ سال تولید و تزریق در شرایط تهچاهی برای هریک از چاهها و مینزان در شرایط تهچاهی برای هریک از چاهها و مینزان برش آب در هر چاه تولیدی پس از ۲۰ سال را نشان میدهد.

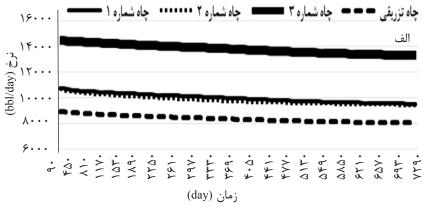
# نتایج و بحث

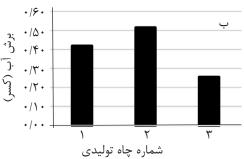
دادههای ۱۰ سال اول تاریخهه تولید و تزریق، بهعنوان دادههای ورودی در روش ظرفیت- مقاومت

مبورد استفاده قرار گرفتهاند. در طی این ۱۰ سال، مبورد استفاده قرار به تمام مرزهای مخزن رسیده میانشکن در چاههای تولیدی رخ داده است. معادله ۲ جهت محاسبه پیوستگی بین چاههای تزریقی و تولیدی مورد استفاده قرار گرفته است. معکوس فاصله بین چاههای تزریقی و تولیدی به عنوان مقادیر اولیه ضریب وزنی در نظر گرفته شدهاند و با حداقل کردن اختلاف بین مقادیر اولیه محاسبه شده از طریق قرار دادن این مقادیر اولیه در رابطه ۲ و دادههای واقعی توسط نرمافزار اکسل، مقادیر واقعی این پارامترها محاسبه شدهاند. شکل مقادیر واقعی این پارامترها محاسبه شدهاند. شکل شیانگر ضریب وزنی چاههای تزریقی - تولیدی و ثوابت زمانی چاههای تولیدی می باشد.

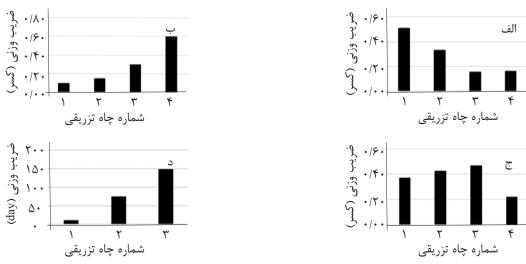
پس از تطبیق تاریخچه و بهدست آوردن پارامترهای روش ظرفیت-مقاومت، نـرخ تولید چاههای تولیدی بـرای ۱۰ سـال دوم پیشبینی شـدهاند و بـا تاریخچه تولید مربوط بـه ایـن ۱۰ سـال مقایسـه شـدهاند. شـکل ۴ بیانگـر میـزان خطای ایـن روش میباشـد. همانطور کـه مشـاهده می کنیـد، ایـن روش بـا موفقیـت توانسـته اسـت نـرخ تولیـد چاههـا را پیشبینـی کنـد و میـزان خطـای ایـن روش بسـیار پاییـن بـوده و روشـی قابـل خطـای ایـن روش بسـیار پاییـن بـوده و روشـی قابـل قبـول جهـت محاسـبه پیوسـتگی بیـن چاههـا اسـت.

<sup>1.</sup> Voidage Replacement

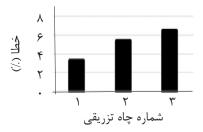




**شکل ۲** الف) دادههای ۲۰ سال تولید و تزریق چاهها، ب) مقادیر برش آب چاههای تولیدی پس از ۲۰ سال



شکل ۳ الف) ضریب وزنی چاه شماره ۱، ب) ضریب وزنی چاه شماره ۲، ج) ضریب وزنی چاه شماره ۳ د) ثابت زمانی چاههای تولیدی



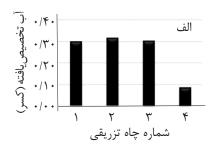
شکل ۴ خطای روش ظرفیت- مقاومت در مقایسه با ۱۰ سال دوم تاریخچه تولید و تزریق

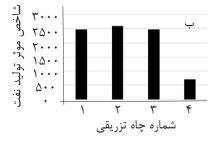
اکنون که پیوستگی بیان چاهها محاسبه شده است و اعتبار روش مورد بررسی قرار گرفته است، با استفاده از دادههای برش آب در شکل ۲، مقادیر مربوط به ضریب پیوستگی بیان چاهها در شکل ۳ و الگوریتم جدید ارائه شده، مقادیر شاخصهای بیان شده در معادلات ۳ تا ۶ محاسبه شدهاند و بیان شده در معادلات ۳ تا ۶ محاسبه شدهاند و این مقادیر برحسب بشکه در روز برای هر یک از چاهها مطابق با جدول ۲ میباشد. همچنین میزان آب تزریقی و آب تزریقی به صورت کسری از کل آب تزریقی و شاخص مؤثر تولید نفت برحسب بشکه در روز برای هر یک از چاههای تزریقی در شکل ۵ نمایش داده شده است. جهت بهبود تخصیص آب به چاههای

تزریقی، مقادیسر محاسبه شده کسسر آب تزریقی (شکل ۵-الف) به مسدت ۲۰ سال به هسر یسک از چاههای تزریقی اعمال شدهاند و با حالتی که در آن نسرخ تزریق همه چاههای تزریقی برابسر میباشد، مورد مقایسه قرار گرفتهاند. نتایج ایس دو حالت در شکلهای ۶ و ۷ نشان داده شده است. بسرای حجم برابسر از میسزان آب تزریقی در دو حالت بهبودیافته و بیاسر بهبودیافته، روش ارائه شده در ۲۰ سال آینده منجسر به افزایش تولید تجمعی نفت به میسزان ۳/۱۳٪ میلیسون بشکه و کاهش بسرش آب به میسزان ۳/۱۶٪ شده است.

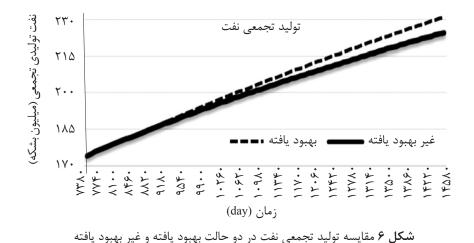
جدول ۲ مقادیر شاخص تولید آب، شاخص تولید نفت و شاخص مؤثر تولید نفت برای چاهها

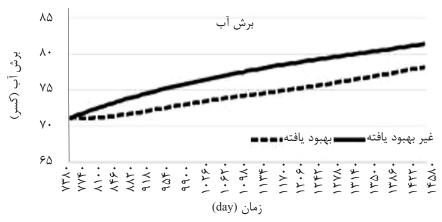
متغير	چاه تولیدی شماره ۱	چاه تولیدی شماره ۲	چاه تولیدی شماره ۳
$WPI_{1p}$	7.54/71	۵۰۸/۹۰	۱۱۵۸/۲۲
$WPI_{2p}$	1880/88	Y98/8	1848/87
$WPI_{3p}$	8.4/17	1078/77	1471/29
$WPI_{4p}$	947/49	٣٠۵٣/۴۵	8AA/9Y
$OPI_{1p}$	T0T0/V9	<b>٣٩</b> ١/• <b>٩</b>	<b>* * * * * * * * * *</b>
$OPI_{2p}$	1544/44	۵۸۶/۶۳	<b>%</b> \1 <b>%</b> / <b>%</b> \
$OPI_{3p}$	٧۴٢/٨٧	1177/77	۴۱۶۸/۱۰
$OPI_{4p}$	V97/F•	7848/24	1901/07
$EOPI_{1p}$	451/07	-11Y/A1	7177/۵۵
$EOPI_{2p}$	<b>۲۹</b> <i>۸/۶۶</i>	-178/77	7488/74
$EOPI_{3p}$	180/8	-424/42	T898/T1
$\mathit{EOPI}_{4p}$	۱۴۴/۸۰	-Y•۶/٩١	۱۲۶۲/۰۵





شکل ۵ الف) کسر آب تزریقی اختصاص یافته به هر چاه تزریقی، ب) شاخص موثر تولید نفت برای هر یک از چاههای تزریقی





شکل ۷ مقایسه برش آب در دو حالت بهبودیافته و غیر بهبودیافته

# نتيجهگيري

۱- روش ظرفیت- مقاومت روشی سریع و کم هزینه است و تنها با اطلاعات مربوط به تاریخچه تولید و تزریق توانسته است یک ارزیابی اولیه از مخزن در اختیار قرار داده و بهخوبی پیوستگی بین چاهها را محاسبه نماید.

۲- با مدیریت تخصیص آب به چاههای تزریقی،
 عملیات سیلابزنی به خوبی مدیریت شده و میزان

برش آب کاهش یافته و بازیافت نهایی افزایش می یابد.

۳- پارامترهای تأثیرگذار در مدیریت تخصیص آب، برش آب در چاههای تولیدی و پیوستگی بین چاهها است. ۴- پارامتر جدید تعریف شده تحت عنوان شاخص مؤثر تولید نفت برای یک چاه تزریقی تابعی از نرخ تولید، ضریب پیوستگی بین چاهها و برش آب

(bbl/day) برحسب i چاه تزریقی  $I_i$ (bbl/psi.day) برحسب p خاله تولیدی و برخسب: $J_p$ p تغییرات فشار تهچاهیی چاه تولیدی  $ΔP_{wf,p}$ 

p جاه تولیدی j با چاه تولیدی i با چاه تولیدی  $f_{in}$ :WPI شاخص تولید آب بر حسیب (bbl/day) در چاه تولیدی p کـه در ارتباط با چاه تزریقی i میباشد رکسر) برش آب در چاه تولیدی p برحسب (کسر): $WC_{p}$ :OPI شاخص تولید نفت برحسب (bbl/day) در چاه تولیدی p کـه در ارتباط با چاه تزریقی i میباشد i قریقی: شاخص مؤثر تولید نفت برای چاه تزریقی: EOPI ر حسـب (bbl/day)

.WLA: کسـر آب تزریقـی اختصـاص یافتـه بـه چـاه تزریقـــی i.

می باشد و این شاخص بیانگر ارتباط بهتر چاه تزریقی مورد نظر با چاههای تولیدی با تولید نفت بالا و توليد آب كم است.

۵- الگوریتم ارائه شده جهت بهبود تخصیص آب به برحسب psi چاہھای تزریقی، باعث افزایش قابل توجه تولید تجمعی نفت و کاهش قابل توجه تولید تجمعی آب شده است که روشی قابل قبول و سریع جهت بهبود عملکرد پروژههای سیلابزنی است.

# علائم و نشانهها

برحسب p برحسب و تولیدی  $q_p$ (bbl/day)

t: زمان برحسب (day)

(day) برحسب p طانی چاه تولیدی و برحسب  $au_p$ 

# مراجع

- [1]. Hibbeler J. C. and Rae P. J., "The environmental benefits of reducing unwanted water production," SPE Asia Pacific Health, Safety and Environment Conference and Exhibition, Kuala Lumpur, Malaysia, 2005.
- [2]. Albertoni A. and Lake L. W., "Inferring interwell connectivity only from well-rate fluctuation in waterfloods," SPEREE, Vol. 6, No. 1, pp. 6-16, 2002.
- [3]. Yousef A. A., Gentil P. H., Jensen J. L. and Lake L. W., "A capacitive model to infer interwell connectivity from production and injection-rate fluctuation," SPEREE, Vol. 9, No. 5, pp. 630-646, 2005.
- [4]. Sayarpour M., Zuluaga E., Kabir C. S. and Lake L.W., "The use of capacitive resistive model for rapid estimation of waterflood performance," SPE Annual Technical Conference and Exhibition, Anaheim, California, 2007.
- [5]. Liang X., Weber D. B., Edgar T. F., Lake L. W., Sayarpour M. and Yousef A. A., "Optimization of oil production based on capacitive model of production and injection rates," Hydrocarbon Economics an Evaluation Symposium, Dallas, Texas, 2009.
- [6]. Sayarpour M., Kabir C. S. and Lake L. W., "Field application of capacitive-resistive models in waterfoods," SPE Annual Technical Conference and Exhibition, Denver, Colorado, 2009.
- [7]. Delshad M., Bastami A. and Pourafshari P., "The use of capacitive-resistive model for estimating of fracture distribution in the hydrocarbon reservoir," SPE Saudi Arabia Section Technical Symposium, Khobar, Saudi Arabia, 2009.
- [8]. Lee K. H., Ortega A., Ghareloo A. and Ershaghi I., "An active method for characterization of flow units between injection/production wells by injection-rate design," SPEREE., Vol.14, No. 4, pp. 433-445.
- [9]. Can B. and Kabir C. S., "Simple tools for forecasting waterflood performance," SPE Annual Technical Conference and Exhibition, San Antonio, TX, 2012.

- [10]. Zhang Z., Li H. and Zhang D., "Water flooding performance prediction by multilayer capacitance-resistive models combined with the ensemble Kalman filter," J. Pet. Sci. Eng., Vol. 127, pp. 1-19, 2015.
- [11]. Eshraghi S. E., Rasael M. R. and Zendehboudi S., "Optimization of miscible CO<sub>2</sub> EOR and storage using heuristic methods combined with capacitance/resistance and Gentil fractional flow models," J. Nat. Gas Sci. Eng., Vol. 32, pp. 304–318
- [12]. Rafiei Y., "Improved oil production and waretflood performance by water allocation management," Ph.D Thesis, Heriot Watt university, Edinburgh, Scotland, 2014.



# Petroleum Research

Petroleum Research 2018 (June-July), Vol. 28, No. 99. 1-5

DOI: 10.22078/pr.2017.2721.2264

# New Analytical Method for Improving Water Allocation Management in Water Flood Projects

Ali Cheperli and Yousef Rafiei\*

Department of Petroleum Engineering, Amirkabir University of Technology, Tehran, Iran

Y.rafiei@aut.ac.ir

Received: June/07/2017 Accepted: October/15/2017

# **Abstract**

Water production is one of the big challenges of oil and gas recovery. This excessive water production is a significant operational, economic and environmental problem. One of the main causes of water production is an improper water injection plan. Thus, the waterflood projects should be managed in a manner to delay the water breakthrough in producers as much as possible, and as a result improves sweep efficiency and increases the oil recovery. One of the proposed new approaches to an efficient waterflood project is the Water Allocation Management (WAM). Water Allocation Management aims to inject the water in a manner that increases the total oil recovery for a given volume of water. The good injectors are thus those which support the good producers. Inter-Well Connectivity of producers and injectors is an important parameter which affects the efficiency of allocation management in waterflood projects. Inter-well connectivity determines how effectively injection and production wells are connected to each other. One of the methods recently employed by petroleum engineers to measure this parameter is the Capacitance-Resistance Model (CRM). CRM assumes the reservoir as a system which gets an input signal (injection rate) and responses by an output signal (production rate). By analyzing these behaviors, a series of equations are written to correlate the output and input signals. In these equations, there are two main unknown parameters. The first one is the time constants, and the second is the weight factors (well connectivity parameters). These parameters can be determined by history-matching the production/injection rates. After finding the unknown parameters, by employing the weight factors and the water cut from production wells, a new analytical algorithm is presented to calculate the allocated factor for each injection wells to improve waterflooding in order to increase the cumulative oil production and reduce the cumulative water production.

**Keywords:** Waterflooding, Water Allocation Management, Capacitance-Resistance Model, Inter Well Connectivity, Effective Oil Production Index.

# Introduction

Behavior of fluid flow between injectors and producers and quantifying their connection are important parameters for controlling the injection plan and the success of waterflooding [1]. Using numerical reservoir simulators for this purpose seems to be time-consuming and so complex. Therefore, implementation of a model with low data requirements with reliable performance is an important goal for efficient water injection management. Variety of methods have been proposed for inter-well connectivity measurement each having specific limitations. One of the new material balance based approach recently employed by petroleum engineers is capacitance-resistance model (CRM) [2]. However, first study on inferring well pair connectivity only from injection and production data was introduced by Albertoni and Lake [3]. Then the mathematical derivation of CRM by combination of two parameters, known as a connectivity factor and response delay was modified by Yousef et al [4]. After that, semianalytic formulations based on three different reservoir control volumes were proposed by Sayarpour et al: 1) effective volume of each producer; 2) volume between each injector/ producer pairs; 3) total filled control volume [5]. Since then, this reliable method was implemented on different field case studies [6, 7].

In this research, CRM method is conducted on a synthetic reservoir model. Production and injection history of producers and injectors of this model are used to obtain the unknown parameters of CRM equation. After that, a new analytical algorithm is derived that combines the injector-producer connectivity results from CRM with the water cut from production wells to define a new water allocation factor for injection wells. This new approach is employed to improve waterflood in a manner to increase the oil recovery and reduce water production.

# Methodology

CRM, primarily assumes the reservoir as a system which gets an input signal (injection rate) and responses by an output signal (production rate). By analyzing these behaviors, a series of equations are written to correlate the output and input signals. In these equations, there are two main unknown parameters; time constants and the weight factors. These parameters are briefly described below [5]:

Weight factor (well pair connectivity): this parameter represents the fraction of injected water that flows from an injector towards a producer [4]. According to equation 1 the well pair connectivity between injector i and producer j is indicated by  $f_{ij}$  and the sum of them for one injector is normally in the range of [0 to 1] [5].

Time constant: observing the time constant demonstrates the delay, which takes for input signal (injection rate) to reach the producer and cane, as output signal (production rate). Figure 1 shows the impact of time constant.

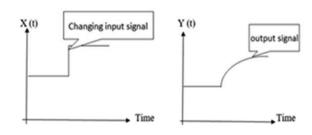


Figure 1: Effect of time constant on output signals.

# **Mathematical Formulation of CRM**

Based on the type of drainage volume, there are three different formulations for CRM. In this study, one time constant for each producer is selected to determine CRM variables, which is called CRMP. In this model, for a pattern of *I* number of injectors and *N* number of producers, the in-situ volumetric balance over the pore volume of a producer is applied. Based on the continuity equation, "equation 1" demonstrates the production rate of each producer [5]:

$$q_{p}(t) = \sum_{i=1}^{N_{i}} f_{ip} I_{i}(t) - \tau_{p} \frac{dq_{p}(t)}{dt}$$

$$\tag{1}$$

Analytical solution, which is discretized over the time, can be presented as "equation 2":

$$q_{p}\left(t_{k}\right)=q_{p}\left(t_{k-1}\right)e^{\frac{t_{k}-t_{k-1}}{\tau_{p}}}+$$

$$(1 - e^{\frac{t_{k} - t_{k} - 1}{\tau_{p}}}) (\sum_{i=1}^{N} f_{ip} I_{i}^{(k)} - J_{p} \tau_{p} \frac{\Delta p_{wf,p}^{(k)}}{\Delta t_{k}})$$
(2)

Two CRM main parameters,  $f_{ij}$  and  $\tau_{j}$ , can be obtained by using the reservoir production and injection history. The objective function is to minimize error between the calculated production rate using CRM and the observed production rate.

# New Analytical Technique to Define Improved Water Injection Allocation Factor

In order to improve waterflooding performance, the production well with higher rate and lower water cut should be well supported by its connected injectors. For this reason, the injector which has a better connection with this producershould have higher injection rate. The production well with low oil rate and high water cut is prone to or likely to earlier breakthrough.

Thus, lower injection rate should be allocated for injectors associated to this producer [8].

The improved allocation of water between injectors can be calculated using the following new analytical procedure:

- 1. Inferring the weight factors of injectorproducer by employing CRM.
- 2. Determining the Water Production Index (WPI) of pair injector/producer. This parameter is defined as "equation 3":

$$WPI_{ip} = f_{ip} \times WC_p \times q_p$$
 (3) where  $WPI_{ip}$  is Water Production index of producer p that is connected to injector i,  $f_{ij}$  is weighting factor of producer p in connection with injector i,  $WC_p$  is the water cut of producer p, and  $q_i$  is the liquid production rate of producer p.

3. Determining the Oil Production Index (*OPI*) of pair injector/producer. This new parameter is defined as "equation 4":

$$OPI_{ip} = f_{ip} \times (1 - WC_p) \times q_p$$
 (4) where  $OPI_{ip}$  is Oil Production index of producer  $p$  that is connected to injector i.

4. By Taking *OPI* and *WPI* into account, the Effective Oil Production Index (EOPI) of pair injector/producer can be defined as "equation 5":

$$EOPI_{ip} = OPI_{ip} - WPI_{ip}$$
 (5)

where  $EOPI_{ip}$  is Effective Oil Production Index of producer p that is connected to injector i.

5. The improved allocation factor of each injector is calculated as "equation 6":

$$IWIAF_i = \frac{EOPI_i}{EOPI_T} \tag{6}$$

where  $IWIAF_i$  is the improved water allocation factor of producer i.  $EOPI_i$  is the Effective Oil Production Index of injector i. this parameter is defined as "equation 7" and  $EOPI_{\tau}$  is the sum of  $EOPI_i$  for all injectors:

$$EOPI_{i} = \sum_{p=1}^{p=N_{p}} EOPI_{ip}$$
 (7)

# **Results and Discussion**

A reservoir containing 4 injectors and 3 producers is employed to evaluate and examine the proposed new method for water allocation management.

A 10-year history of injection and production downhole rates are used to determine the interwell connectivity using *CRMP*. According to *CRMP* results, time constants and weight factors of the wells are determined. Table 1 presents these parameters, and the water cut of producers are shown in "table 2".

Table 1: CRM parameters.

Parameter	$P_1$	$P_2$	$P_3$
$ au_p$	10.21	75.32	150.13
$f_{1p}$	0.51	0.1	0.37
$f_{2p}$	0.33	0.15	0.43
$f_{3p}$	0.15	0.3	0.47
$f_{4p}$	0.16	0.6	0.22

Table 2: Water cut of each producer.

Parameter	$P_1$	$P_2$	$P_3$
Water cut	0.44	0.56	0.26

IWIAF was calculated and used to manage the injection rate of the injectors for the next 20 years of the production. Results of the base case scenario (allocating 25 percent of total injected water to each injector) is compared with improved water allocation management (WAM) scenario. Figure 2 and figure 3 show the cumulative oil production and total water cut in both scenario respectively.

#### Conclusions

In this study, by employing CRM and a new index definition, known as Effective Oil Production Index, a new algorithm is presented for water allocation management. With the aid of this algorithm, the allocated injection rates for each of the injectors are determined. Based on the study outcomes or results, the following conclusions can be drawn:

- 1. For the fixed amount of injection fluid, the new algorithm improves water allocation to put the water front in the right direction resulting in better injection scenarios and sweep efficiency.
- 2. The injection scenario based on new technique, significantly improves the recovery factor, which in turn considerably raises the oil production and causes a significant drop in water cut.

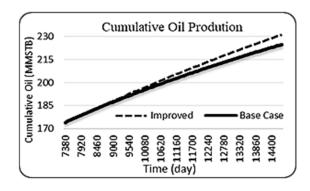


Figure 2: Plot of oil cumulative oil produced versus date for both injection scenarios.

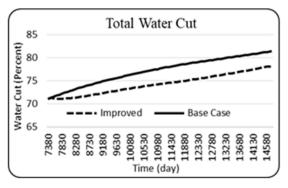


Figure 3: Plot of total water cut versus time for both injection scenarios.

#### References

- [1]. Rafiei Y., "Improved oil production and waretflood performance by water allocation management," Ph.D Thesis, Heriot Watt university, Edinburgh, Scotland, 2014.
- [2]. Sayarpour M., Zuluaga E., Kabir C. S. and Lake L.W., "The use of capacitive resistive model for rapid estimation of waterflood performance," SPE Annual Technical Conference and Exhibition, Anaheim, California, 2007.
- [3]. Albertoni A. and Lake L. W., "Inferring interwell connectivity only from well-rate fluctuation in waterfloods," SPEREE, Vol .6, No. 1, pp. 6-16, 2002.
- [4]. Yousef A. A., Gentil P. H., Jensen J. L. and Lake L. W., "A capacitive model to infer interwell connectivity from production and injection-rate fluctuation," SPEREE, Vol. 9, No. 5, pp. 630-646, 2005.
- [5]. Sayarpour M., Kabir C. S. and Lake L. W., "Field application of capacitive-resistive models in waterfoods," SPE Annual Technical Conference and Exhibition, Denver, Colorado, 2009.
- [6]. Can B. and Kabir C. S., "Simple tools for forecasting waterflood performance," SPE Annual Technical Conference and Exhibition, San Antonio, TX, 2012.



# Petroleum Research

Petroleum Research 2018 (June-July), Vol. 28, No. 99. 1-5

DOI: 10.22078/pr.2017.2721.2264

# New Analytical Method for Improving Water Allocation Management in Water Flood Projects

Ali Cheperli and Yousef Rafiei\*

Department of Petroleum Engineering, Amirkabir University of Technology, Tehran, Iran

Y.rafiei@aut.ac.ir

Received: June/07/2017 Accepted: October/15/2017

# **Abstract**

Water production is one of the big challenges of oil and gas recovery. This excessive water production is a significant operational, economic and environmental problem. One of the main causes of water production is an improper water injection plan. Thus, the waterflood projects should be managed in a manner to delay the water breakthrough in producers as much as possible, and as a result improves sweep efficiency and increases the oil recovery. One of the proposed new approaches to an efficient waterflood project is the Water Allocation Management (WAM). Water Allocation Management aims to inject the water in a manner that increases the total oil recovery for a given volume of water. The good injectors are thus those which support the good producers. Inter-Well Connectivity of producers and injectors is an important parameter which affects the efficiency of allocation management in waterflood projects. Inter-well connectivity determines how effectively injection and production wells are connected to each other. One of the methods recently employed by petroleum engineers to measure this parameter is the Capacitance-Resistance Model (CRM). CRM assumes the reservoir as a system which gets an input signal (injection rate) and responses by an output signal (production rate). By analyzing these behaviors, a series of equations are written to correlate the output and input signals. In these equations, there are two main unknown parameters. The first one is the time constants, and the second is the weight factors (well connectivity parameters). These parameters can be determined by history-matching the production/injection rates. After finding the unknown parameters, by employing the weight factors and the water cut from production wells, a new analytical algorithm is presented to calculate the allocated factor for each injection wells to improve waterflooding in order to increase the cumulative oil production and reduce the cumulative water production.

**Keywords:** Waterflooding, Water Allocation Management, Capacitance-Resistance Model, Inter Well Connectivity, Effective Oil Production Index.

# Introduction

Behavior of fluid flow between injectors and producers and quantifying their connection are important parameters for controlling the injection plan and the success of waterflooding [1]. Using numerical reservoir simulators for this purpose seems to be time-consuming and so complex. Therefore, implementation of a model with low data requirements with reliable performance is an important goal for efficient water injection management. Variety of methods have been proposed for inter-well connectivity measurement each having specific limitations. One of the new material balance based approach recently employed by petroleum engineers is capacitance-resistance model (CRM) [2]. However, first study on inferring well pair connectivity only from injection and production data was introduced by Albertoni and Lake [3]. Then the mathematical derivation of CRM by combination of two parameters, known as a connectivity factor and response delay was modified by Yousef et al [4]. After that, semianalytic formulations based on three different reservoir control volumes were proposed by Sayarpour et al: 1) effective volume of each producer; 2) volume between each injector/ producer pairs; 3) total filled control volume [5]. Since then, this reliable method was implemented on different field case studies [6, 7].

In this research, CRM method is conducted on a synthetic reservoir model. Production and injection history of producers and injectors of this model are used to obtain the unknown parameters of CRM equation. After that, a new analytical algorithm is derived that combines the injector-producer connectivity results from CRM with the water cut from production wells to define a new water allocation factor for injection wells. This new approach is employed to improve waterflood in a manner to increase the oil recovery and reduce water production.

# Methodology

CRM, primarily assumes the reservoir as a system which gets an input signal (injection rate) and responses by an output signal (production rate). By analyzing these behaviors, a series of equations are written to correlate the output and input signals. In these equations, there are two main unknown parameters; time constants and the weight factors. These parameters are briefly described below [5]:

Weight factor (well pair connectivity): this parameter represents the fraction of injected water that flows from an injector towards a producer [4]. According to equation 1 the well pair connectivity between injector i and producer j is indicated by  $f_{ij}$  and the sum of them for one injector is normally in the range of [0 to 1] [5].

Time constant: observing the time constant demonstrates the delay, which takes for input signal (injection rate) to reach the producer and cane, as output signal (production rate). Figure 1 shows the impact of time constant.

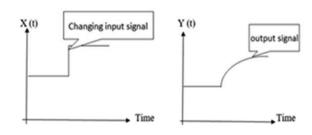


Figure 1: Effect of time constant on output signals.

# **Mathematical Formulation of CRM**

Based on the type of drainage volume, there are three different formulations for CRM. In this study, one time constant for each producer is selected to determine CRM variables, which is called CRMP. In this model, for a pattern of *I* number of injectors and *N* number of producers, the in-situ volumetric balance over the pore volume of a producer is applied. Based on the continuity equation, "equation 1" demonstrates the production rate of each producer [5]:

$$q_{p}(t) = \sum_{i=1}^{N_{i}} f_{ip} I_{i}(t) - \tau_{p} \frac{dq_{p}(t)}{dt}$$

$$\tag{1}$$

Analytical solution, which is discretized over the time, can be presented as "equation 2":

$$q_{p}\left(t_{k}\right)=q_{p}\left(t_{k-1}\right)e^{\frac{t_{k}-t_{k-1}}{\tau_{p}}}+$$

$$(1 - e^{\frac{t_{k} - t_{k} - 1}{\tau_{p}}}) (\sum_{i=1}^{N} f_{ip} I_{i}^{(k)} - J_{p} \tau_{p} \frac{\Delta p_{wf,p}^{(k)}}{\Delta t_{k}})$$
(2)

Two CRM main parameters,  $f_{ij}$  and  $\tau_{j}$ , can be obtained by using the reservoir production and injection history. The objective function is to minimize error between the calculated production rate using CRM and the observed production rate.

# New Analytical Technique to Define Improved Water Injection Allocation Factor

In order to improve waterflooding performance, the production well with higher rate and lower water cut should be well supported by its connected injectors. For this reason, the injector which has a better connection with this producershould have higher injection rate. The production well with low oil rate and high water cut is prone to or likely to earlier breakthrough.

Thus, lower injection rate should be allocated for injectors associated to this producer [8].

The improved allocation of water between injectors can be calculated using the following new analytical procedure:

- 1. Inferring the weight factors of injectorproducer by employing CRM.
- 2. Determining the Water Production Index (WPI) of pair injector/producer. This parameter is defined as "equation 3":

$$WPI_{ip} = f_{ip} \times WC_p \times q_p$$
 (3) where  $WPI_{ip}$  is Water Production index of producer p that is connected to injector i,  $f_{ij}$  is weighting factor of producer p in connection with injector i,  $WC_p$  is the water cut of producer p, and  $q_i$  is the liquid production rate of producer p.

3. Determining the Oil Production Index (*OPI*) of pair injector/producer. This new parameter is defined as "equation 4":

$$OPI_{ip} = f_{ip} \times (1 - WC_p) \times q_p$$
 (4) where  $OPI_{ip}$  is Oil Production index of producer  $p$  that is connected to injector i.

4. By Taking *OPI* and *WPI* into account, the Effective Oil Production Index (EOPI) of pair injector/producer can be defined as "equation 5":

$$EOPI_{ip} = OPI_{ip} - WPI_{ip}$$
 (5)

where  $EOPI_{ip}$  is Effective Oil Production Index of producer p that is connected to injector i.

5. The improved allocation factor of each injector is calculated as "equation 6":

$$IWIAF_i = \frac{EOPI_i}{EOPI_T} \tag{6}$$

where  $IWIAF_i$  is the improved water allocation factor of producer i.  $EOPI_i$  is the Effective Oil Production Index of injector i. this parameter is defined as "equation 7" and  $EOPI_{\tau}$  is the sum of  $EOPI_i$  for all injectors:

$$EOPI_{i} = \sum_{p=1}^{p=N_{p}} EOPI_{ip}$$
 (7)

# **Results and Discussion**

A reservoir containing 4 injectors and 3 producers is employed to evaluate and examine the proposed new method for water allocation management.

A 10-year history of injection and production downhole rates are used to determine the interwell connectivity using *CRMP*. According to *CRMP* results, time constants and weight factors of the wells are determined. Table 1 presents these parameters, and the water cut of producers are shown in "table 2".

Table 1: CRM parameters.

Parameter	$P_1$	$P_2$	$P_3$
$ au_p$	10.21	75.32	150.13
$f_{1p}$	0.51	0.1	0.37
$f_{2p}$	0.33	0.15	0.43
$f_{3p}$	0.15	0.3	0.47
$f_{4p}$	0.16	0.6	0.22

Table 2: Water cut of each producer.

Parameter	$P_1$	$P_2$	$P_3$
Water cut	0.44	0.56	0.26

IWIAF was calculated and used to manage the injection rate of the injectors for the next 20 years of the production. Results of the base case scenario (allocating 25 percent of total injected water to each injector) is compared with improved water allocation management (WAM) scenario. Figure 2 and figure 3 show the cumulative oil production and total water cut in both scenario respectively.

#### Conclusions

In this study, by employing CRM and a new index definition, known as Effective Oil Production Index, a new algorithm is presented for water allocation management. With the aid of this algorithm, the allocated injection rates for each of the injectors are determined. Based on the study outcomes or results, the following conclusions can be drawn:

- 1. For the fixed amount of injection fluid, the new algorithm improves water allocation to put the water front in the right direction resulting in better injection scenarios and sweep efficiency.
- 2. The injection scenario based on new technique, significantly improves the recovery factor, which in turn considerably raises the oil production and causes a significant drop in water cut.

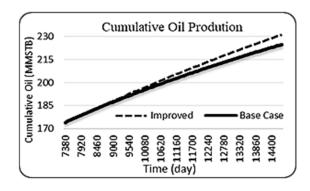


Figure 2: Plot of oil cumulative oil produced versus date for both injection scenarios.

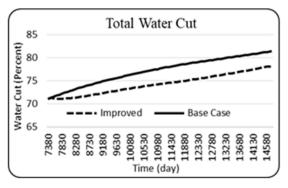


Figure 3: Plot of total water cut versus time for both injection scenarios.

#### References

- [1]. Rafiei Y., "Improved oil production and waretflood performance by water allocation management," Ph.D Thesis, Heriot Watt university, Edinburgh, Scotland, 2014.
- [2]. Sayarpour M., Zuluaga E., Kabir C. S. and Lake L.W., "The use of capacitive resistive model for rapid estimation of waterflood performance," SPE Annual Technical Conference and Exhibition, Anaheim, California, 2007.
- [3]. Albertoni A. and Lake L. W., "Inferring interwell connectivity only from well-rate fluctuation in waterfloods," SPEREE, Vol .6, No. 1, pp. 6-16, 2002.
- [4]. Yousef A. A., Gentil P. H., Jensen J. L. and Lake L. W., "A capacitive model to infer interwell connectivity from production and injection-rate fluctuation," SPEREE, Vol. 9, No. 5, pp. 630-646, 2005.
- [5]. Sayarpour M., Kabir C. S. and Lake L. W., "Field application of capacitive-resistive models in waterfoods," SPE Annual Technical Conference and Exhibition, Denver, Colorado, 2009.
- [6]. Can B. and Kabir C. S., "Simple tools for forecasting waterflood performance," SPE Annual Technical Conference and Exhibition, San Antonio, TX, 2012.